#### **МИНОБРНАУКИ РОССИИ** Документ подписан простой электронной подписью

Информация о владельце:

ФИО: Кислова Наталья федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования Должность: Проректор по УМР и качеству образования

Дата подписания: 28.0«Оамарский государственный социально-педагогический университет»

Уникальный программный ключ:

52802513f5b14a975b3e9b13008093d5726b159bf6064f865ae65b96a966c035 Кафедра начального образования

**УТВЕРЖДАЮ** Проректор по УМР и КО, председатель УМС СГСПУ Н.Н. Кислова

## МОДУЛЬ "ИНФОРМАТИКА" Элементы абстрактной и компьютерной алгебры

рабочая программа дисциплины (модуля)

Закреплена за кафедрой Начального образования

Учебный план ФНО-б19НИо(5г).plx

Направление подготовки 44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями

Направленность (профиль): «Начальное образование» и «Информатика»

С изменениями:

протокол №4 от 30.11.2018 протокол №8 от 29.04.2020

Квалификация бакалавр

Форма обучения очная

Общая трудоемкость 2 3ET

Часов по учебному плану 72 Виды контроля в семестрах:

в том числе: зачеты 10

28 аудиторные занятия самостоятельная работа 44

### Распределение часов дисциплины по семестрам

Семестр(Курс.Номер семестра на курсе)	10(5.2)		Итого	
Вид занятий	УΠ	РПД	УΠ	РПД
Лекции	10	10	10	10
Практические	10	10	10	10
Лабораторные	8	8	8	8
В том числе инт.	6	6	6	6
Итого ауд.	28	28	28	28
Контактная работа	28	28	28	28
Сам. работа	44	44	44	44
Итого	72	72	72	72

Программу составил(и):

Лысогорова Людмила Васильевна

При наличии обучающихся из числа лиц с ограниченными возможностями здоровья, которым необходим особый порядок освоения дисциплины (модуля), по их желанию разрабатывается адаптированная к ограничениям их здоровья рабочая программа дисциплины (модуля).

Рабочая программа дисциплины

### Элементы абстрактной и компьютерной алгебры

разработана в соответствии с ФГОС ВО:

Федеральный государственный образовательный стандарт высшего образования - бакалавриат по направлению подготовки 44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки) (приказ Минобрнауки России от 22.02.2018 г. № 125)

составлена на основании учебного плана:

Направление подготовки 44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки) Направленность (профиль): «Начальное образование» и «Информатика»

С изменениями: протокол №4 от 30.11.2018 протокол №8 от 29.04.2020

утвержденного учёным советом вуза от 31.08.2018 протокол № 1.

Рабочая программа одобрена на заседании кафедры

Начального образования

Протокол от 28.08.2018 г. №1 Зав. кафедрой Л.В. Лысогорова

Начальник УОП

Н.А. Доманина

Рабочая программа дисциплины «Элементы абстрактной и компьютерной алгебры»

### 1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Цель изучения дисциплины: ознакомить студентов с характеристикой основных понятий абстрактной алгебры: число, группа, кольцо, числовые поля, многочлены и др. В качестве ключевого понятия элементов компьютерной алгебры взято понятие об алгоритмах символьных преобразований, связанных с такими объектами как целые числа и полиномы.

использование научно обоснованных методов в организации собственной профессиональной деятельности; повышение собственного общекультурного уровня через систему знаний и умений в области алгоритмически разрешимых алгебраических залач

формирование системы знаний, умений и навыков, необходимых для обработки информации и овладение навыками анализа, оценки эффективности и сложности алгоритмов символьных преобразований; овладение методами решения математических задач при помощи компьютерных систем (математических пакетов).

Область профессиональной деятельности:

Задачи изучения дисциплины:

01 Образование и наука (в сфере начального общего, основного общего, среднего общего образования, профессионального обучения, профессионального образования, дополнительного образования; в сфере научных исследовании)

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ) В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ		
Цикл (раздел) ОП:	Б1.О.10	
2.1 Требования к предварительной подготовке обучающегося:		

Содержание дисциплины базируется на материале:

Математика

Теория и технологии формирования алгоритмической грамотности школьников

2.2 Дисциплины (модули) и практики, для которых освоение данной дисциплины (модуля) необходимо как предшествующее:

## 3. КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

УК-1 Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач

УК-1.1 Анализирует задачу, выделяя этапы ее решения, действия по решению задачи

Знает: теоретические основы абстрактной и компьютерной алгебры

УК-1.2 Находит, критически анализирует и выбирает информацию, необходимую для решения поставленной задачи

Умеет: находить, анализировать, выбирать нужную информацию (из условия) для решения математических задач абстрактной и компьютерной алгебры.

#### 4. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ) Код Наименование разделов и тем /вид занятия/ Семестр Часов Интеракт. занятия Раздел 1. ЗАПОЛНИТЬ ДАННЫЕ, РАЗДЕЛИТЬ ЧАСЫ ПО ТЕМАМ 2 1.1 Элементы теории множеств Бинарные отношенния /Лек/ 10 2 1.2 Элементы теории множеств Бинарные отношенния /Лаб/ 10 2 1.3 Элементы теории множеств Бинарные отношенния /Пр/ 10 2 1.4 Элементы теории множеств Бинарные отношенния /Ср/ 10 12 0 1.5 10 Основные алгебраические структуры (группы. кольца, поля)/Лек/ 2 2 1.6 Основные алгебраические структуры (группы. кольца, поля)/Лаб/ 10 4 2 1.7 Основные алгебраические структуры (группы. кольца, поля)/Пр/ 10 Основные алгебраические структуры (группы. кольца, поля)/Ср/ 12 1.8 10 1.9 Кольцо целых чисел. Теория делимости в кольце целых чисел/Лек/ 10 2 2 1.10 Кольцо целых чисел. Теория делимости в кольце целых чисел/Лаб/ 10 2 1.11 Кольцо целых чисел. Теория делимости в кольце целых чисел/Пр/ 10 20 1.12 Кольцо целых чисел. Теория делимости в кольце целых чисел/Ср/ 10 10 1.13 Кольцо многочленов от одной переменной. Теория делимости. /Лек/ 2 1.14 Кольцо многочленов от одной переменной. Теория делимости /Пр/ 10 2 1.15 Первоначальное представление о теории кодирования. /Лек/ 10 2 10 2 1.16 Первоначальное представление о теории кодирования. /Пр/

### 5. Оценочные и методические материалы по дисциплине (модулю)

### 5.1. Содержание аудиторной работы по дисциплине (модулю)

Тема «Основные алгебраические структуры (группы. кольца, поля)»

Вопросы для обсуждения

- 1. Понятие бинарной алгебраической операции,
- Алгебры и алгебраические структуры с одной бинарной алгебраиче ской операцией

Тема «Группы»

Вопросы для обсуждения

- 1. Понятие группы. Свойства и примеры групп.
- Подгруппы, смежные классы по подгруппе. Фактор-группы.
- Изоморфизмы групп.

Тема «Кольца»

Вопросы для обсуждения

- 1. Алгебраические структуры с двумя бинарными алгебраическими операциями. Понятие кольца. Свойства и примеры колец.
- 2. Подкольца. Идеалы кольца.
- 3. Классы вычетов кольца по идеалу. Фактор-кольца.

Тема «Поля»

Вопросы для обсуждения

- 1. Изоморфизмы и гоморфизмы колец.
- 2. Поля. Поля классов вычетов по простому модулю.

Тема «Делимость в кольце целых чисел»

Вопросы для обсуждения

- 1. Отношение делимости в кольце целых чисел. НОД и НОК целых чисел.
- Алгоритм Евклида и теорема Ламе, расширенный алгоритм Евклида.

Тема «Простые числа Введение в компьютерную алгебру»»

Вопросы для обсуждения

- 1. Простые числа определение и свойства.
- 2. Разложение целых чисел на множители, разложении больших чисел на множители.
- Аналитические преобразования на компьютерах. ....
   Представление данных в компьютерной математике Аналитические преобразования на компьютерах. Компьютерная алгебра на примерах.

Тема «Теория делимости в кольце многочленов. Представление многочленов в компьютерной алгебре» Вопросы для обсуждения

- Отношение делимости в кольце многочленов. Нахождение НОД и НОК многочленов, разложение 1. многочленов на неприводимые множители над конечными полями и над полем рациональных чисел
- Компьютерное представлении многочленов.

Тема «Кодирование»

1. Выбор алфавита для хранения информации.

Алфавитное кодирование. Помехоустойчивое кодирование

### 5.2. Содержание самостоятельной работы по дисциплине (модулю)

Содержание обязательной самостоятельной работы по дисциплине					
№ п/п	Темы дисциплины	Содержание самостоятельной работы студентов	Продукты деятельности		
1	элементарные функции		Графики функций		
2	Группы, кольца, идеалы, фактор-кольца	Кольца. Примеры и свойства колец. Подкольца. Идеалыкольца. Фактор-кольца.			
3	Кольцо целых чисел. Теория делимости в кольце целых чисел	НОД, НОК. Алгоритм Евклида. Теорема Ламе. Алгоритм Евклида и цепные дроби	Домашняя контрольная работа		
4	Кольцо многочленов от одной переменной. Теория делимости	Взаимно простые многочлены. Приводимые и неприводимые многочлены. Разложение на неприводимые множители, единственность разложения. Теорема Безу.Схема Горнера. Формула Тейлора	Сообщения		
	Содержание самостоятельной работы по дисциплине на выбор студента				
№ п/п	Темы дисциплины	Содержание самостоятельной работы стулентов	Продукты леятельности		

1	Функции	Вычисление различных числовых	Правильное
		функций: числа делителей τ(р),	реше- ние
		сумма делителей S(p), функция	задачи с
		Эйлера $\varphi(p)$ , число простых чисел	полным
		$\pi(p)$ .	обоснованием
2	Уравнения	Решение однородных систем	Тезисы
		уравнений способом Гаусса и	
		возможность нахождения ФСР.	
		Решение неоднородных систем	
		уравнений матричным, методом,	
		правилом Крамера и методом	
		Гаусса. Исследование на	
		совместность.	
3	Теория кодирования	Элементы криптографии	презентация

### 5.3.Образовательные технологии

При организации изучения дисциплины будут использованы следующие образовательные технологии: информационно-коммуникационные технологии, технология организации самостоятельной работы, технология рефлексивного обучения, технология модульного обучения, технология игрового обучения, технологии групповой дискуссии, интерактивные технологии, технология проблемного обучения, технология организации учебно-исследовательской деятельности, технология проектного обучения, технология развития критического

### 5.4. Текущий контроль, промежуточный контроль и промежуточная аттестация

Балльно-рейтинговая карта дисциплины оформлена как приложение к рабочей программе дисциплины. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине оформлен отдельным

6. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ			
6.1. Рекомендуемая литература			
		6.1.1. Основная литература	
	Авторы,	Заглавие	Издательство, год
Л1.1	Царев, А. В.	Элементы абстрактной и компьютерной алгебры: учебное пособие Режим доступа: по подписке. – URL: <a href="https://biblioclub.ru/index.php?page=book&amp;id=471787">https://biblioclub.ru/index.php?page=book&amp;id=471787</a> (дата обращения: 21.01.2022). – Библиогр. в кн. – ISBN 978-5-4263-0393-5. – Текст: электронный.	/ А. В. Царев, Г. В. Шеина; учред. Московский педагогический государственный университет. — Москва: Московский педагогический государственный университет (МПГУ), 2016. — 116 с.: ил. —
Л1.2	Судоплатов, С.В	Дискретная математика: учебник То же [Электронный ресурс] ISBN 978-5-7782-1815-4 URL: <a href="http://biblioclub.ru/index.php?page=book&amp;id=135675">http://biblioclub.ru/index.php?page=book&amp;id=135675</a>	. / С.В. Судоплатов, Е.В. Овчинникова 4-е изд Новосибирск: НГТУ, 2012 278 с (Учебники НГТУ);
Л1.3	Панкратьев, Е.В.	Элементы компьютерной алгебры: учебник ISBN 978-5-9556-0099-4; То же [Электронный ресурс] URL: <a href="http://biblioclub.ru/index.php?page=book&amp;id=233322">http://biblioclub.ru/index.php?page=book&amp;id=233322</a>	/ Е.В. Панкратьев; Национальный Открытый Университет "ИНТУИТ" Москва: Интернет-Университет Информационных Технологий, 2007 247 с (Основы информатики и математики)
	T .	6.1.2. Дополнительная литература	T
	Авторы, составители	Заглавие	Издательство, год
Л2.1	Яшин, Б. Л.	Логика: учебник для учащихся высших и средних учебных заведений. — Режим доступа: по подписке URL: <a href="https://biblioclub.ru/index.php?page=book&amp;id=576772">https://biblioclub.ru/index.php?page=book&amp;id=576772</a> — Библиогр.: с. 392-393. — ISBN 978-5-4499-0129-3. — DOI 10.23681/576772	Б. Л. Яшин. — Изд. 2-е, стер. — Москва ; Берлин : Директ-Медиа, 2019. — 420 с. : ил., табл. —
Л2.2	Веретенников, В. Н.	Множества. Элементы линейной алгебры : учебное пособи—Режим доступа: по подписке. — URL: <a href="https://biblioclub.ru/index.php?page=book&amp;id=494034">https://biblioclub.ru/index.php?page=book&amp;id=494034</a> . —	/ В. Н. Веретенников. — Москва ; Берлин : Директ-

	т доо ил программа днециплины «элементы дострактион и компьютерной алгеоры»		
		Библиогр. в кн. – ISBN 978-5-4475-2763-1. – DOI	Медиа, 2018. – 171 c. :
		10.23681/494034e	табл., ил.
Л2.3	Быкова, В. В.	Комбинаторные алгоритмы: множества, графы, коды: учебное	/ В. В. Быкова; Сибирский
		пособие– Режим доступа: по подписке. – 978-5-7638-3155-	федеральный университет.
		9URL: <a href="https://biblioclub.ru/index.php?page=book&amp;id=435666">https://biblioclub.ru/index.php?page=book&amp;id=435666</a> -	<ul><li>Красноярск : Сибирский</li></ul>
		Библиогр.: с. 120-121. – ISBN	федеральный университет
			(СФУ), 2015. – 152 с. :
			табл., ил.

### 6.2 Перечень программного обеспечения

- ABBYY Lingvo x6 Многоязычная Академическая версия (30 раб. мест)
- Acrobat Reader DC
- Dr. Web Desktop Security Suite, Dr. Web Server Security Suite
- GIMP
- Microsoft Office 2016 Professional Plus (Пакет программ Word, Excel, Access, PowerPoint, Outlook, OneNote, Publisher)
- Microsoft Office 365 Pro Plus subscription license (12 month) (Пакет программ Word, Excel, Access, PowerPoint, Outlook, OneNote, Publisher, Skype for Business, OneDrive, SharePoint Online)
- Microsoft Windows 10 Education
- Microsoft Windows 7/8.1 Professional
- RINEL Lingvo v7.0
- XnView
- Архиватор 7-Zip
- НордМастер 5.0, НордКлиент (16 рабочих мест)
- Программная система для обнаружения текстовых заимствований в учебных и научных работах «Антиплагиат.ВУЗ»

### 6.3 Перечень информационных справочных систем, профессиональных баз данных

- Elsevier (база данных «Freedom Collection» и коллекции электронных книг «Freedom Collection eBook collection», национальная подписка на полнотекстовые ресурсы)
- SCOPUS издательства Elsevier
- SpringerNature (национальная подписка на полнотекстовые ресурсы)
- База данных международных индексов научного цитирования Web of Science
- БД «Polpred.com. Обзор СМИ»
- УИС РОССИЯ
- ЭБС «E-LIBRARY.RU»
- ЭБС «ЛАНЬ»
- ЭБС «РУКОНТ» (Контекстум)
- ЭБС «Университетская библиотека онлайн»
- ЭБС «ЮРАЙТ» (Коллекция Легендарные книги)

### 7. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

- 7.1 Наименование специального помещения: учебная аудитория для проведения практических занятий, групповых консультаций, индивидуальных консультаций, текущего контроля, промежуточной аттестации, Учебная аудитория. Оснащенность: Меловая доска-1шт., Комплект учебной мебели, ноутбук, проекционное оборудование (мультимедийный проектор и экран).
- 7.2 Наименование специального помещения: помещение для самостоятельной работы, Читальный. Оснащенность: ПК-4шт. с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду СГСПУ, Письменный стол-4 шт., Парта-2 шт.

### 8. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Компьютерная алгебра является одной из областей математики и информатики. Студенту следует помнить, что дисциплина «Элементы абстрактной и компьютерной алгебры» предусматривает обязательное посещение студентом лекций и практических занятий. Она реализуется через систему домашних работ и индивидуальных работ. Дисциплина «Элементы абстрактной и компьютерной алгебры» призвана сформировать у студентов целостное представление об основных понятиях курса «Элементы абстрактной и компьютерной алгебры», обеспечить усвоение методов решения задач и доказательства теорем. Важной составной частью учебного процесса в вузе являются практические занятия. Они помогают студентам глубже усвоить учебный материал, приобрести навыки творческой работы с основной и дополнительной литературой и лекционным материалом

. Практическое занятие представляет собой форму организации учебного процесса, в ходе которого студент должен приобрести новые учебные знания, их систематизировать и концептуализировать; оперировать базовыми понятиями и теоретическими конструкциями учебной дисциплины. Целью практических занятий является приобретение студентами новых знаний, умений и навыков, необходимых для профессиональной деятельности, развитие у них естественно-научного мышления и интеллектуальных способностей как средства индивидуального освоения учебной дисциплины. Все это требует тщательной подготовки к практическим занятиям. Готовясь к занятию, надо прочитать рекомендованную литературу и составить простые планы прочитанных текстов, а также решить предложенные задачи. Особое внимание следует уделять связям между основными понятиями, рассматриваемыми в теме

### Приложение

### Балльно-рейтинговая карта дисциплины «Элементы абстрактной и компьютерной алгебры»

Курс 5 Семестр 10

Вид контроля	Минимальное количество	Максимальное количество
вид контроля	баллов	баллов
Текущий контроль:	56	100
1 Аудиторная работа	18	34
2 Самостоятельная работа (специальные обязательные формы)	20	40
3 Самостоятельная работа (специальные формы на выбор)	10	14
Контрольное мероприятие	8	12
Промежуточный контроль	48	88
Итоговая аттестация	56	100

Вид контроля	Перечень или примеры заданий, критерии оценки	Темы для изучения
	и количество баллов	и образовательные результаты
Текущий контроль		
Аудиторная работа	1. Представьте конспект лекционного материала.	Элементы теории множеств Бинарные
	Критерии оценивания (4*1б.):	отношенния
	<ul> <li>конспект лекции соответствует теме и отражает основные теоретические</li> </ul>	Основные алгебраические структуры
	положения;	(группы. кольца, поля)
	<ul><li>написан разборчиво;</li></ul>	Общее представление о системах
	<ul> <li>системно структурирован;</li> </ul>	компьютерной алгебры.
	<ul> <li>содержит дополнительный материал, найденный студентом по дополнительным</li> </ul>	Кольцо целых чисел. Теория делимости
	источникам.	в кольце целых чисел.
	Работа на семинарских занятиях.	Кольцо многочленов от одной пере-
	Критерии оценивания:	менной. Теория делимости.
	2 балла – активное участие в обсуждении теоретических вопросов (опрос; четкая	Расширение полей. Формальное
	формулировка определений); правильное решение практической задачи у доски.	интегрирование.
	1 балла - участие в обсуждении теоретических вопросов (опрос; четкая формулировка	Первоначальное представление о теории
	определений).	кодирования.
Самостоятельная работа (обяз.)	Выполнение домашней работы	Знает: характеристики числовых
1	Критерии оценивания:	множеств; определения основных
	35 баллов – домашнее задание выполнено полностью, не содержит строгих	понятий абстрактной и компьютерной
	математических ошибок.	алгебры; сущность теории и способы
	17 баллов – домашнее задание выполнено полностью, содержит 1-2 математические	кодирования;
	ошибки; неточная формулировка определения.	Умеет: вычислять и знать различные
	Выполнение самостоятельной работы (сообщение)	способы вычисления определителей;
	Критерии оценивания:	выполнять различные действия с
	5 балла – содержание соответствует теме; материал четко структурирован; содержит	матрицами; решать все виды линейных
	основные выводы.	систем уравнений, знать различные

	3 балла – содержание соответствует теме; материал структурирован; содержит	способы решений систем линейных
	дополнительный материал, допускаются неточности.	уравнений; стро-ить линейные
	Примечание: Максимальное и минимальное количество баллов – 3 балла. Если студент	пространства и подпространства,
	набирает 2 балла или ниже, конспект дается на доработку для достижения	находить их базис и размерность; уметь
	максимального балла.	вычислять различные числовые
Самостоятельная работа (на выбор)	Презентации по теме	функции, строить их графики;
	Критерии оценивания:	вычислять НОК, НОД чисел; выполнять
	15 балла - презентация соответствует выбранной теме студентов; выполнена в	всевозможные действия с многочленами
	соответствии с основными требованиями к презентациям.	от различ-ного числа переменных.
	10 балла - презентация соответствует выбранной теме студентов; выполнена в	Владеет: алгоритмами символьных
	соответствии с основными требованиями к презентациям; содержит неточности.	преобразований
Контрольное мероприятие	1. Прохождение устного опроса.	
	Критерии оценивания: ответ на вопрос (предлагается 12 вопросов) оценивается в 1 балл,	
	при полном правильном ответе и в 0,5 балла при неполном ответе.	
Промежуточный контроль (кол-во	88	
баллов)		
Промежуточная аттестация	Представлены в фонде оценочных средств для промежуточной аттестации по дисциплине	