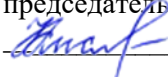


Документ подписан простой электронной подписью
Информация о владельце:
ФИО: Кислова Наталья Николаевна
Должность: Проректор по УМР и качеству образования
Дата подписания: 28.10.2018
Уникальный программный ключ:
52802513f5b14a975b3e9b13008093d5726b159bf6064f865ae65b96a966c035

МИНОБРНАУКИ РОССИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Самарский государственный социально-педагогический университет»

Кафедра физики, математики и методики обучения

УТВЕРЖДАЮ
Проректор по УМР и КО,
председатель УМС СГСПУ
 Н.Н. Кислова

МОДУЛЬ "ПРЕДМЕТНОЕ ОБУЧЕНИЕ. МАТЕМАТИКА"

Математический анализ рабочая программа дисциплины (модуля)

| | | | |
|-------------------------|---|----------------------------|--|
| Закреплена за кафедрой | Физики, математики и методики обучения | | |
| Учебный план | ФМФИ-619МФo(5r).plx Направление подготовки: 44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки) Направленность (профиль): «Математика и Физика» С изменениями: протокол №4 от 30.11.2018 | | |
| Квалификация | бакалавр | | |
| Форма обучения | очная | | |
| Общая трудоемкость | 15 ЗЕТ | | |
| Часов по учебному плану | 540 | Виды контроля в семестрах: | |
| в том числе: | | экзамены 5, 3 | |
| аудиторные занятия | 190 | зачеты 2, 4 | |
| самостоятельная работа | 350 | зачеты с оценкой 1 | |

Распределение часов дисциплины по семестрам

| Семестр(Курс.Номер семестра на курсе) | 1(1.1) | | 2(1.2) | | 3(2.1) | | 4(2.2) | | 5(3.1) | | Итого | |
|---------------------------------------|--------|-----|--------|-----|--------|-----|--------|-----|--------|-----|-------|-----|
| | УП | РПД | УП | РПД | УП | РПД | УП | РПД | УП | РПД | УП | РПД |
| Лекции | 10 | 10 | 12 | 12 | 22 | 22 | 10 | 10 | 16 | 16 | 64 | 64 |
| Практические | 18 | 18 | 20 | 20 | 36 | 36 | 18 | 18 | 26 | 26 | 110 | 110 |
| В том числе инт. | 18 | 18 | 10 | 10 | 12 | 12 | 14 | 14 | 6 | 6 | 60 | 60 |
| Консультация перед экзаменом | 0 | 0 | 0 | 0 | 2 | 2 | 0 | 0 | 0 | 0 | 4 | 4 |
| Итого ауд. | 28 | 28 | 32 | 32 | 60 | 60 | 28 | 28 | 42 | 42 | 190 | 190 |
| Контактная работа | 28 | 28 | 32 | 32 | 60 | 60 | 28 | 28 | 42 | 42 | 190 | 190 |
| Сам. работа | 80 | 80 | 40 | 40 | 120 | 120 | 44 | 44 | 66 | 66 | 350 | 350 |
| Итого | 108 | 108 | 72 | 72 | 180 | 180 | 72 | 72 | 108 | 108 | 540 | 540 |

Программу составил(и):

Кечина О. М.

При наличии обучающихся из числа лиц с ограниченными возможностями здоровья, которым необходим особый порядок освоения дисциплины (модуля), по их желанию разрабатывается адаптированная к ограничениям их здоровья рабочая программа дисциплины (модуля).

Рабочая программа дисциплины

Математический анализ

разработана в соответствии с ФГОС ВО:

Федеральный государственный образовательный стандарт высшего образования - бакалавриат по направлению подготовки 44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки) (приказ Минобрнауки России от 22.02.2018 г. № 125)

составлена на основании учебного плана:

Направление подготовки: 44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки)

Направленность (профиль): «Математика и Физика»

С изменениями:

протокол №4 от 30.11.2018

утвержденного учёным советом вуза от 31.08.2018 протокол № 1.

Рабочая программа одобрена на заседании кафедры

Физики, математики и методики обучения

Протокол от 28.08.2018 г. №1

Зав. кафедрой Е.В. Галиева

Начальник УОП



Н.А. Доманина

1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Цель изучения дисциплины: формирование у студентов систематических знаний в области математического анализа, его месте и роли в системе математических наук, приложениях в естественных науках.
Задачи изучения дисциплины: формирование навыков профессионального самообразования и личностного роста; проектирование задач развития личности через преподаваемые предметы;
Область профессиональной деятельности:
01 Образование и наука (в сфере начального общего, основного общего, среднего общего образования, профессионального обучения, профессионального образования, дополнительного образования; в сфере научных исследований)

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ) В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

| | |
|---|---------|
| Цикл (раздел) ОП: | Б1.О.03 |
| 2.1 Требования к предварительной подготовке обучающегося: | |
| Содержание дисциплины базируется на материале: дисциплины Математика (школьный курс) | |
| 2.2 Дисциплины (модули) и практики, для которых освоение данной дисциплины (модуля) необходимо как предшествующее: | |
| Теория вероятностей и математическая статистика | |
| Численные методы | |

3. КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

| |
|---|
| УК-1. Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач |
| УК-1.1. Анализирует задачу, выделяя этапы ее решения, действия по решению задачи |
| Знает: - этапы решения задачи из различных разделов математического анализа (теории пределов функций, дифференциального исчисления, интегрального исчисления функций одной и многих переменных, рядов). Умеет: - определять порядок действий при решении задачи исходя из её анализа |
| УК-1.2. Находит, критически анализирует и выбирает информацию, необходимую для решения поставленной задачи |
| Умеет: - работать с теоретическим материалом по теме задачи; пользоваться математической символикой и терминологией при решении задач и доказательстве теорем математического анализа |
| УК-1.3. Рассматривает различные варианты решения задачи, оценивает их преимущества и риски |
| Выбирает целесообразный метод решения задач математического анализа |

4. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

| Код занятия | Наименование разделов и тем /вид занятия/ | Семестр / Курс | Часов | Интеракт. |
|-------------|---|----------------|-------|-----------|
| | Раздел 1. Пределы функций. Непрерывность функций | | | |
| 1.1 | Множества. Функции. Основные свойства функций /Лек/ | 1 | 2 | |
| 1.2 | Функции. Основные свойства функций /Пр/ | 1 | 2 | 2 |
| 1.3 | Множества. Основные свойства функций /Ср/ | 1 | 16 | |
| 1.4 | Предел числовой последовательности. Предел действительной функции действительного переменного /Лек/ | 1 | 2 | |
| 1.5 | Предел числовой последовательности. Предел действительной функции действительного переменного /Пр/ | 1 | 2 | 2 |
| 1.6 | Числовые последовательности. Предел действительной функции действительного переменного /Ср/ | 1 | 10 | |
| 1.7 | Пределы элементарных функций /Лек/ | 1 | 2 | |
| 1.8 | Вычисление пределов элементарных функций /Пр/ | 1 | 10 | 10 |
| 1.9 | Пределы элементарных функций /Ср/ | 1 | 30 | |
| 1.10 | Непрерывность функции в точке и на множестве /Лек/ | 1 | 4 | |
| 1.11 | Непрерывность функции в точке и на множестве /Пр/ | 1 | 4 | 4 |
| 1.12 | Непрерывность функции в точке и на множестве /Ср/ | 1 | 24 | |
| 1.13 | Консультация перед экзаменом/КонсЭ | 1 | 2 | |
| | Раздел 2. Дифференциальное исчисление функций одной переменной | | | |

| | | | | |
|---|--|---|----|---|
| 2.1 | Производная функции. Правила дифференцирования /Лек/ | 2 | 2 | |
| 2.2 | Нахождение производных функций одной переменной /Пр/ | 2 | 4 | 2 |
| 2.3 | Производная функции. Правила дифференцирования /Ср/ | 2 | 6 | |
| 2.4 | Производные функций, заданных параметрически и неявно. Дифференцирование показательно-степенной функции/Лек/ | 2 | 2 | |
| 2.5 | Нахождение производных показательно-степенных функций и функций, заданных параметрически и неявно /Пр/ | 2 | 4 | 2 |
| 2.6 | Производные функций, заданных параметрически и неявно. Дифференцирование показательно-степенной функции /Ср/ | 2 | 6 | |
| 2.7 | Основные теоремы дифференциального исчисления, правила Лопитала /Лек/ | 2 | 2 | |
| 2.8 | Применение производных к вычислению пределов /Пр/ | 2 | 2 | 2 |
| 2.9 | Основные теоремы дифференциального исчисления, правила Лопитала /Ср/ | 2 | 6 | |
| 2.10 | Полное исследование функции средствами математического анализа/Лек/ | 2 | 2 | |
| 2.11 | Полное исследование функции средствами математического анализа /Пр/ | 2 | 6 | 2 |
| 2.12 | Полное исследование функции средствами математического анализа /Ср/ | 2 | 10 | |
| 2.13 | Наибольшее и наименьшее значения функции /Лек/ | 2 | 2 | |
| 2.14 | Исследование функции на наибольшее и наименьшее значения /Пр/ | 2 | 2 | 2 |
| 2.15 | Наибольшее и наименьшее значения функции /Ср/ | 2 | 6 | |
| 2.16 | Дифференциал функции /Лек/ | 2 | 2 | |
| 2.17 | Дифференциал функции и его применение /Пр/ | 2 | 2 | |
| 2.18 | Дифференциал функции и его применение /Ср/ | 2 | 6 | |
| Раздел 3. Интегральное исчисление функций одной переменной | | | | |
| 3.1 | Первообразная и неопределённый интеграл. Основные методы интегрирования /Лек/ | 3 | 4 | |
| 3.2 | Нахождение неопределённых интегралов основными методами /Пр/ | 3 | 4 | 2 |
| 3.3 | Первообразная и неопределённый интеграл /Ср/ | 3 | 10 | |
| 3.4 | Интегрирование рациональных функций /Лек/ | 3 | 2 | |
| 3.5 | Нахождение интегралов от рациональных функций /Пр/ | 3 | 4 | 2 |
| 3.6 | Интегрирование рациональных функций /Ср/ | 3 | 14 | |
| 3.7 | Интегрирование иррациональных функций /Лек/ | 3 | 2 | |
| 3.8 | Нахождение интегралов от иррациональных функций /Пр/ | 3 | 4 | 2 |
| 3.9 | Интегрирование иррациональных функций /Ср/ | 3 | 16 | |
| 3.10 | Интегрирование тригонометрических функций /Лек/ | 3 | 2 | |
| 3.11 | Нахождение интегралов от тригонометрических функций /Пр/ | 3 | 4 | 2 |
| 3.12 | Интегрирование тригонометрических функций /Ср/ | 3 | 16 | |
| 3.13 | Определённый интеграл и его свойства. Основные методы вычисления /Лек/ | 3 | 4 | |
| 3.14 | Вычисление определённых интегралов основными методами /Пр/ | 3 | 2 | |
| 3.15 | Определённый интеграл и его свойства. Основные методы вычисления /Ср/ | 3 | 14 | |
| 3.16 | Геометрические приложения определённого интеграла /Лек/ | 3 | 4 | |
| 3.17 | Геометрические приложения определённого интеграла /Пр/ | 3 | 8 | 2 |
| 3.18 | Геометрические приложения определённого интеграла /Ср/ | 3 | 20 | |
| 3.19 | Механические приложения определённого интеграла /Лек/ | 3 | 2 | |
| 3.20 | Механические приложения определённого интеграла /Пр/ | 3 | 4 | |
| 3.21 | Механические приложения определённого интеграла /Ср/ | 3 | 20 | |
| 3.22 | Несобственные интегралы /Лек/ | 3 | 2 | |
| 3.23 | Исследование несобственных интегралов на сходимость /Пр/ | 3 | 4 | 2 |
| 3.24 | Несобственные интегралы /Ср/ | 3 | 10 | |
| Раздел 4. Ряды | | | | |
| 4.1 | Числовые ряды, основные понятия. Необходимый признак сходимости /Лек/ | 4 | 2 | |
| 4.2 | Числовые ряды, действия над рядами /Пр/ | 4 | 2 | 2 |
| 4.3 | Числовые ряды, основные понятия /Ср/ | 4 | 4 | |
| 4.4 | Достаточные признаки сходимости для положительных рядов /Лек/ | 4 | 2 | |
| 4.5 | Исследование положительных рядов на сходимость /Пр/ | 4 | 6 | 4 |

| | | | | |
|--|--|---|----|---|
| 4.6 | Достаточные признаки сходимости для положительных рядов /Ср/ | 4 | 10 | |
| 4.7 | Ряды с произвольными членами. Абсолютная и условная сходимость /Лек/ | 4 | 2 | |
| 4.8 | Исследование на сходимость знакопеременных рядов /Пр/ | 4 | 2 | 2 |
| 4.9 | Ряды с произвольными членами. Абсолютная и условная сходимость /Ср/ | 4 | 8 | |
| 4.10 | Функциональные ряды. Степенные ряды /Лек/ | 4 | 2 | |
| 4.11 | Степенные ряды. Разложение функций в степенные ряды /Пр/ | 4 | 4 | 4 |
| 4.12 | Функциональные ряды. Степенные ряды /Ср/ | 4 | 10 | |
| 4.13 | Ряды Фурье /Лек/ | 4 | 2 | |
| 4.14 | Разложение функций в ряд Фурье /Пр/ | 4 | 4 | 2 |
| 4.15 | Ряды Фурье /Ср/ | 4 | 12 | |
| Раздел 5. Функции многих переменных | | | | |
| 5.1 | N-мерное пространство. Основные теоретико-множественные понятия Функции многих переменных и их свойства /Лек/ | 5 | 4 | |
| 5.2 | N-мерное пространство. Основные теоретико-множественные понятия /Пр/ | 5 | 4 | |
| 5.3 | N-мерное пространство. Основные теоретико-множественные понятия /Ср/ | 5 | 10 | |
| 5.4 | Дифференцируемость функции многих переменных /Лек/ | 5 | 2 | |
| 5.5 | Дифференцирование функций многих переменных /Пр/ | 5 | 4 | 2 |
| 5.6 | Дифференцируемость функций многих переменных /Ср/ | 5 | 10 | |
| 5.7 | Неявные функции. Локальные и глобальные экстремумы /Лек/ | 5 | 2 | |
| 5.8 | Неявные функции одной и нескольких переменных /Пр/ | 5 | 10 | |
| 5.9 | Неявные функции /Ср/ | 5 | 12 | |
| 5.10 | Экстремумы функции. Наибольшее и наименьшее значения функции /Пр/ | 5 | 10 | 2 |
| 5.11 | Локальные и глобальные экстремумы /Ср/ | 5 | 14 | |
| 5.12 | Двойные интегралы /Лек/ | 5 | 4 | |
| 5.13 | Двойные интегралы и их приложения /Пр/ | 5 | 10 | 2 |
| 5.14 | Кратные интегралы /Ср/ | 5 | 12 | |
| 5.15 | Криволинейные интегралы /Лек/ | 5 | 4 | |
| 5.16 | Криволинейные интегралы и их приложения /Пр/ | 5 | 16 | |
| 5.17 | Криволинейные интегралы /Ср/ | 5 | 12 | |

5. Оценочные и методические материалы по дисциплине (модулю)

5.1. Содержание аудиторной работы по дисциплине (модулю)

Лекция № 1

Тема «Множества. Функции. Основные свойства функций»

Вопросы и задания

1. Предмет математического анализа. Постоянные и переменные величины.
2. Понятие множества, действия над множествами.
3. Действительные числа. Числовая прямая. Основные числовые множества: отрезок, интервал, полуинтервал. Окрестность точки.
4. Понятие действительной функции действительной переменной. Способы задания функции.
5. Основные свойства функции: чётность, нечётность, периодичность, монотонность, ограниченность. Область определения функции и множество значений. График функции.
6. Сложная функция. Обратная функция.
7. Классификация основных функций.

Лекция № 2

Тема «Предел числовой последовательности. Предел действительной функции действительного переменного»

Вопросы и задания

1. Понятие числовой последовательности. Способы задания числовой последовательности.
2. Определение конечного предела последовательности, его геометрический смысл.
3. Ограниченные последовательности. Теорема Вейерштрасса о пределе монотонной ограниченной последовательности.
4. Определение бесконечных пределов последовательности.
5. Определение конечного предела функции при $x \rightarrow x_0$.
6. Определение конечного предела функции при $x \rightarrow -\infty, x \rightarrow +\infty$.
7. Бесконечные пределы функции.
8. Теорема о единственности предела функции.
9. Теорема об ограниченности функции, имеющей конечный предел.

10. Бесконечно малые функции. Свойства бесконечно малых функций.
11. Бесконечно большие функции. Свойства бесконечно больших функций.
12. Теоремы о связи функции с её пределом. Теоремы о пределе суммы, произведения, частного.
13. Теоремы о сохранении функцией знака своего предела, о переходе к пределу в неравенстве, о пределе промежуточной функции.

Лекция № 3

Тема «Пределы элементарных функций»

Вопросы и задания

1. Предел целой рациональной функции при $x \rightarrow x_0, x \rightarrow \pm\infty$.
2. Предел дробно-рациональной функции при $x \rightarrow x_0, x \rightarrow \pm\infty$.
3. Неопределённые выражения вида $\left[\frac{0}{0}\right], \left[\frac{\infty}{\infty}\right], [0 \cdot \infty], [\infty - \infty]$.
4. Предел иррациональной функции при $x \rightarrow x_0$, при $x \rightarrow \pm\infty$.
5. Пределы тригонометрических функций. Первый замечательный предел.
6. Пределы показательной и логарифмической функций.
7. Показательно-степенная функция и её предел. Неопределённые выражения вида $[1^\infty], [0^0], [\infty^0]$. Второй замечательный предел.
8. Третий замечательный предел.
9. Четвёртый замечательный предел.

Лекция № 4

Тема «Непрерывность функции в точке и на множестве»

Вопросы и задания

1. Приращение аргумента и функции в точке. Понятие непрерывной функции в точке и на множестве.
2. Теоремы о непрерывности суммы, произведения, частного.
3. Теорема о непрерывности сложной функции.
4. Теорема о непрерывности обратной функции.

Лекция № 5

Тема «Точки разрыва функции. Свойства непрерывных функций»

Вопросы и задания

1. Понятие односторонних пределов функции и их связь с пределом функции в точке.
2. Точки разрыва функции и их классификация.
3. Свойства функций, непрерывных на отрезке.

Практическое занятие № 1

Тема «Функции. Основные свойства функций»

Вопросы и задания

1. Понятие действительной функции действительной переменной. Способы задания функции.
2. Основные свойства функции: чётность, нечётность, периодичность, монотонность, ограниченность. Область определения функции и множество значений. График функции.
3. Сложная функция. Обратная функция.
4. Классификация основных функций.
5. Нахождение области определения функции.
6. Исследование функции на чётность/ нечётность, монотонность, периодичность, ограниченность.

Практическое занятие № 2

Тема «Предел числовой последовательности. Предел действительной функции действительного переменного»

Вопросы и задания

1. Понятие числовой последовательности. Способы задания числовой последовательности.
2. Определение конечного предела последовательности, его геометрический смысл.
3. Определение бесконечных пределов последовательности.
4. Доказательство пределов числовых последовательностей.
5. Определение конечного предела функции при $x \rightarrow x_0$
6. Определение конечного предела функции при $x \rightarrow -\infty, x \rightarrow +\infty$.
7. Бесконечные пределы функции.
8. Теорема о единственности предела функции.
9. Теорема об ограниченности функции, имеющей конечный предел.
10. Бесконечно малые функции. Свойства бесконечно малых функций.
11. Бесконечно большие функции. Свойства бесконечно больших функций.
12. Теоремы о связи функции с её пределом. Теоремы о пределе суммы, произведения, частного.
13. Доказательство пределов функций.

Практическое занятие № 3

Тема «Пределы рациональных функций»

Вопросы и задания

1. Предел целой рациональной функции при $x \rightarrow x_0, x \rightarrow \pm\infty$.
2. Предел дробно-рациональной функции при $x \rightarrow x_0, x \rightarrow \pm\infty$.
3. Неопределённые выражения вида $\left[\frac{0}{0}\right], \left[\frac{\infty}{\infty}\right], [0 \cdot \infty], [\infty - \infty]$ при вычислении пределов рациональных функций.
4. Вычисление пределов целой рациональной функции при $x \rightarrow x_0, x \rightarrow \pm\infty$.
5. Вычисление пределов дробно-рациональной функции при $x \rightarrow x_0, x \rightarrow \pm\infty$.
6. Раскрытие неопределённостей вида $\left[\frac{0}{0}\right], \left[\frac{\infty}{\infty}\right], [0 \cdot \infty], [\infty - \infty]$ при вычислении рациональных функций.

Практическое занятие № 4

Тема «Пределы иррациональных функций»

Вопросы и задания

1. Предел иррациональной функции при $x \rightarrow x_0, x \rightarrow \pm\infty$.
2. Неопределённые выражения вида $\left[\frac{0}{0}\right], \left[\frac{\infty}{\infty}\right], [0 \cdot \infty], [\infty - \infty]$ при вычислении пределов иррациональных функций.
3. Вычисление пределов иррациональных функций при $x \rightarrow x_0, x \rightarrow \pm\infty$.
4. Раскрытие неопределённостей вида $\left[\frac{0}{0}\right], \left[\frac{\infty}{\infty}\right], [0 \cdot \infty], [\infty - \infty]$ при вычислении пределов иррациональных функций.

Практическое занятие № 5

Тема «Пределы тригонометрических функций»

Вопросы и задания

1. Основные свойства тригонометрических функций.
2. Вычисление пределов тригонометрических функций.
3. Первый замечательный предел и его следствия.
4. Раскрытие неопределённостей при вычислении пределов тригонометрических функций.

Практическое занятие № 6

Тема «Пределы показательных, показательно-степенных функций»

Вопросы и задания

1. Пределы показательных функций.
2. Показательно-степенная функция и её предел.
3. Второй замечательный предел. Раскрытие неопределённостей вида $[1^\infty]$.

Практическое занятие № 7

Тема «Пределы логарифмических функций»

Вопросы и задания

1. Пределы логарифмических функций.
2. Раскрытие неопределённостей, содержащих логарифмические функции.
3. Третий замечательный предел.
4. Четвёртый замечательный предел.

Практическое занятие № 8

Тема «Непрерывность функции в точке и на множестве»

Вопросы и задания

1. Понятие непрерывной функции в точке и на множестве.
2. Теоремы о непрерывности суммы, произведения, частного.
3. Теорема о непрерывности сложной функции.
4. Теорема о непрерывности обратной функции.
5. Исследование функции на непрерывность.

Практическое занятие № 9

Тема «Свойства непрерывных функций»

Вопросы и задания

1. Понятие односторонних пределов функции и их связь с пределом функции в точке.
2. Точки разрыва функции и их классификация.
3. Свойства функций, непрерывных в точке.
4. Свойства функций, непрерывных на отрезке.
5. Отыскание точек разрыва функций, их классификация.

Лекция № 1

Тема «Производная функции. Правила дифференцирования»

Вопросы и задания

1. Задачи, приводящие к понятию производной: задача о касательной и задача о скорости.

2. Определение производной.
3. Геометрический и механический смысл производной.
4. Понятие дифференцируемой в точке функции.
5. Правила дифференцирования.
6. Таблица производных.
7. Производная сложной функции.
8. Производная обратной функции.
9. Производные высших порядков

Лекция № 2

Тема «Производные функций, заданных параметрически и неявно. Производная показательно-степенной функции»

Вопросы и задания

1. Правило вычисления производных функций, заданных параметрически.
2. Правило вычисления производных функций, заданных неявно.
3. Логарифмическое дифференцирование.
4. Производная показательно-степенной функции.

Лекция № 3

Тема «Основные теоремы дифференциального исчисления. Правила Лопиталья»

Вопросы и задания

1. Теорема Ферма.
2. Теорема Ролля.
3. Теорема Коши.
4. Теорема Лагранжа.
5. Правила Лопиталья.

Лекция № 4

Тема «Полное исследование функции средствами математического анализа»

Вопросы и задания

1. Необходимое и достаточное условие постоянства функции.
2. Достаточное условие монотонности функции.
3. Экстремум функции. Необходимое условие существования экстремума.
4. Достаточные условия существования экстремума.
5. Выпуклые, вогнутые кривые. Достаточное условие выпуклости (вогнутости) кривой.
6. Понятие точки перегиба. Необходимое условие существования точки перегиба. Достаточные условия существования точки перегиба.
7. Асимптоты кривой.
8. Схема полного исследования функции и построения графика.

Лекция № 5

Тема «Наибольшее и наименьшее значения функции»

Вопросы и задания

1. Правило исследования функции на наибольшее и наименьшее значения на отрезке.
2. Правило исследования функции на наибольшее и наименьшее значения на интервале и полуинтервале.

Лекция № 6

Тема «Дифференциал функции»

Вопросы и задания

1. Определение дифференциала функции.
2. Правило вычисления дифференциала функции.
3. Дифференциалы высших порядков.
4. Применение дифференциала к приближённым вычислениям.

Практическое занятие № 1

Тема «Определение, геометрический и механический смысл производной функции одной переменной»

Вопросы и задания

1. Понятие производной функции действительной переменной.
2. Геометрический и механический смысл производной.
3. Вычисление производной функции по определению.
4. Вывод формул производных некоторых элементарных функций.

Практическое занятие № 2

Тема «Вычисление производных функций с помощью таблицы производных и правил дифференцирования»

Вопросы и задания

1. Вычисление производных с помощью правил дифференцирования.

2. Нахождение производных сложных функций.

Практическое занятие № 3

Тема «Производная показательно-степенной функции. Производные функций, заданных параметрически и неявно»

Вопросы и задания

1. Производная показательно-степенной функции.
2. Метод логарифмического дифференцирования.
3. Вычисление производных функций, заданных параметрически.
4. Вычисление производных функций, заданных неявно.

Практическое занятие № 4

Тема «Производные высших порядков»

Вопросы и задания

1. Вычисление производных высших порядков, заданных в явном виде.
2. Вычисление производных высших порядков, заданных параметрически.
3. Вычисление производных высших порядков, заданных неявно.

Практическое занятие № 5

Тема «Применение производной к вычислению пределов элементарных функций»

Вопросы и задания

1. Вычисление пределов функции с помощью правила Лопиталья.
2. Применение правила Лопиталья при раскрытии неопределенностей видов $[\frac{0}{0}]$, $[\frac{\infty}{\infty}]$, $[0 \cdot \infty]$, $[0^0]$.

Практическое занятие № 6

Тема «Монотонность и экстремумы функции»

Вопросы и задания

1. Исследование функций на монотонность с помощью достаточного условия монотонности.
2. Исследование функций на экстремум с помощью первого достаточного условия.
3. Исследование функций на экстремум с помощью второго достаточного условия.

Практическое занятие № 7

Тема «Выпуклость, вогнутость кривой. Точки перегиба»

Вопросы и задания

1. Понятие выпуклой, вогнутой кривой.
2. Исследование функции на выпуклость, вогнутость.
3. Исследование функции на точки перегиба. Построение графика функции в окрестности точки перегиба.

Практическое занятие № 8

Тема «Полное исследование функции»

Вопросы и задания

1. Систематизация знаний о функциях, заданных аналитически.
2. Полное исследование функций, заданных аналитически.

Практическое занятие № 9

Тема «Наибольшее и наименьшее значения функции»

Вопросы и задания

1. Исследование функции на наибольшее и наименьшее значения на отрезке.
2. Исследование функции на наибольшее и наименьшее значения на интервале.
3. Прикладные задачи на наибольшее и наименьшее значения функции.

Практическое занятие № 10

Тема «Дифференциалы первого и второго порядка»

Вопросы и задания

1. Дифференциал первого порядка.
2. Применение дифференциала первого порядка к приближенным вычислениям.
3. Дифференциал второго порядка.

Лекция № 1

Тема «Первообразная. Неопределённый интеграл»

Вопросы и задания

1. Понятие первообразной функции и её свойства.
2. Неопределённый интеграл и его свойства.
3. Таблица интегралов.

Лекция № 2

Тема «Основные методы интегрирования»

Вопросы и задания

1. Непосредственное интегрирование
2. Метод замены переменной при вычислении неопределённых интегралов.
3. Метод интегрирования по частям при вычислении неопределённых интегралов.

Лекция № 3

Тема «Интегрирование рациональных функций»

Вопросы и задания

1. Простейшие рациональные дроби и их интегрирование.
2. Интегрирование дробно-рациональной функции в общем случае.

Лекция № 4

Тема «Интегрирование иррациональных функций»

Вопросы и задания

1. Рационализирующие подстановки, сводящие интеграл от иррациональной функции к интегралу от рациональной функции, в зависимости от вида подынтегральной функции.
2. Подстановки Эйлера.
3. Интеграл от биномиального дифференциала. Подстановки Чебышёва.

Лекция № 5

Тема «Интегрирование тригонометрических функций»

Вопросы и задания.

1. Нахождение интегралов вида $\int R(\sin x, \cos x)dx$. Универсальная тригонометрическая подстановка.
2. Частые случаи интеграла $\int R(\sin x, \cos x)dx$.
3. Нахождение интегралов вида $\int R(\operatorname{tg} x, \operatorname{ctg} x)dx$.

Лекция № 6

Тема «Определённый интеграл и его свойства»

Вопросы и задания

1. Интегральная сумма.
2. Верхняя и нижняя суммы Дарбу.
3. Понятие определённого интеграла.
4. Свойства определённого интеграла.

Лекция № 7

Тема «Основные методы вычисления определённого интеграла»

Вопросы и задания

1. Формула Ньютона-Лейбница.
2. Метод замены переменной в определённом интеграле.
3. Метод интегрирования по частям в определённом интеграле.

Лекция № 8

Тема «Геометрические приложения определённого интеграла: площадь плоской фигуры, объём тела с известным поперечным сечением и тела вращения»

Вопросы и задания

1. Геометрический смысл определённого интеграла.
2. Площадь криволинейной трапеции.
3. Площадь криволинейного сектора.
4. Площадь плоской фигуры.
5. Объём тела с известной площадью поперечного сечения.
6. Объём тела вращения.

Лекция № 9

Тема «Геометрические приложения определённого интеграла: длина дуги; площадь поверхности вращения»

Вопросы и задания

1. Дифференциал дуги.
2. Вычисление длины дуги кривой в зависимости от способа её задания.
3. Вычисление площади поверхности вращения.

Лекция № 10

Тема «Механические приложения определённого интеграла»

Вопросы и задания

1. Вычисление массы дуги и плоской фигуры.
2. Вычисление статических моментов дуги и плоской фигуры.
3. Вычисление координат центра тяжести дуги и плоской фигуры.
4. Вычисление моментов инерции дуги и плоской фигуры относительно координатных осей и начала координат.

Лекция № 11

Тема «Несобственные интегралы»

Вопросы и задания

1. Несобственные интегралы первого рода (по бесконечному промежутку).
2. Несобственные интегралы второго рода (от неограниченной функции).

Практическое занятие № 1

Тема «Вычисление простейших неопределённых интегралов»

Вопросы и задания

1. Понятие первообразной функции и её свойства.
2. Неопределённый интеграл и его свойства.
3. Таблица интегралов.
4. Вычисление неопределённых интегралов с помощью таблицы интегралов.

Практическое занятие № 2

Тема «Замена переменной и интегрирование по частям в неопределённом интеграле»

Вопросы и задания

1. Применение метода замены переменной при вычислении неопределённых интегралов.
2. Вычисление «табличных» неопределённых интегралов с помощью метода замены переменной.
3. Применение метода интегрирования по частям при вычислении неопределённых интегралов.
4. Вычисление «табличных» неопределённых интегралов с помощью метода интегрирования по частям.

Практическое занятие № 3

Тема «Интегрирование простейших дробей»

Вопросы и задания

1. Четыре типа простейших рациональных дробей: $\frac{A}{x-a}$, $\frac{A}{(x-a)^n}$, $\frac{Mx+N}{x^2+px+q}$, $\frac{Mx+N}{(x^2+px+q)^n}$.
2. Интегрирование простейших рациональных дробей.

Практическое занятие № 4

Тема «Интегрирование дробно-рациональных функций в общем виде»

Вопросы и задания

1. Представление дробно-рациональной функции в виде суммы простейших дробей.
2. Интегрирование дробно-рациональной функции в общем виде.
3. Частные случаи интегрирования дробно-рациональной функции.

Практическое занятие № 5

Тема «Интегрирование иррациональных функций»

Вопросы и задания

1. Интегралы вида $\int R(x, x^{\frac{m_1}{n_1}}, x^{\frac{m_2}{n_2}}, \dots, x^{\frac{m_k}{n_k}}) dx$. Рационализирующая подстановка.
2. Интегралы вида $\int R(x, (\frac{ax+b}{cx+d})^{\frac{m_1}{n_1}}, (\frac{ax+b}{cx+d})^{\frac{m_2}{n_2}}, \dots, (\frac{ax+b}{cx+d})^{\frac{m_k}{n_k}}) dx$. Рационализирующая подстановка.

Практическое занятие № 6

Тема «Интегрирование иррациональных функций с помощью подстановок Эйлера и Чебышёва»

Вопросы и задания

1. Частные случаи интегралов вида $\int R(x, \sqrt{ax^2 + bx + c}) dx$.
2. Подстановки Эйлера.
3. Интегрирование биномиальных дифференциалов. Подстановки Чебышёва.
4. Понятие интегрируемости в конечном виде.

Практические занятия № 7, 8

Тема «Интегрирование тригонометрических функций»

Вопросы и задания

1. Интегрирование тригонометрических функций $\int R(\sin x, \cos x) dx$. Универсальная тригонометрическая подстановка.
2. Частные случаи интегралов вида $\int R(\sin x, \cos x) dx$.
3. Интегрирование тригонометрических функций $\int R(\operatorname{tg} x, \operatorname{ctg} x) dx$.
4. Частные случаи интегралов от тригонометрических функций.

Практическое занятие № 9

Тема «Вычисление определённых интегралов основными методами»

Вопросы и задания

1. Формула Ньютона-Лейбница.
2. Вычисление определённых интегралов с применением формулы Ньютона-Лейбница.
3. Метод замены переменной в определённом интеграле.
4. Метод интегрирования по частям в определённом интеграле.

Практические занятия № 10, 11

Тема «Вычисление площадей плоских фигур»

Вопросы и задания

1. Геометрический смысл определённого интеграла.
2. Площадь криволинейной трапеции.
3. Площадь плоской фигуры.
4. Площадь криволинейного сектора.
5. Вычисление площадей плоских фигур, заданных параметрически.

Практическое занятие № 12

Тема «Вычисление объёмов тел»

Вопросы и задания

1. Объём тела с известной площадью поперечного сечения.
2. Объём тела вращения.

Практическое занятие № 13

Тема «Вычисление длин дуг»

Вопросы и задания

1. Дифференциал дуги.
2. Вычисление длины дуги кривой в зависимости от способа её задания.

Практическое занятие № 14

Тема «Вычисление площадей поверхностей вращения»

Вопросы и задания

1. Вычисление площадей поверхностей вращения, заданных разными способами.

Практические занятия № 15, 16

Тема «Механические приложения определённого интеграла»

Вопросы и задания

1. Вычисление массы дуги и плоской фигуры.
2. Вычисление статических моментов дуги и плоской фигуры.
3. Вычисление координат центра тяжести дуги и плоской фигуры.
4. Вычисление моментов инерции дуги и плоской фигуры относительно координатных осей и начала координат.

Практические занятия № 17, 18

Тема «Несобственные интегралы»

Вопросы и задания

1. Несобственные интегралы первого рода (по бесконечному промежутку).
2. Несобственные интегралы второго рода (от неограниченной функции).

Лекция № 1

Тема «Числовые ряды, основные понятия. Необходимый признак сходимости»

Вопросы и задания

1. Понятие ряда. Частичная сумма ряда, сумма ряда.
2. Сходимость ряда.
3. Необходимый признак сходимости.
4. Операции над рядами.

Лекция № 2

Тема «Достаточные признаки сходимости для положительных рядов»

Вопросы и задания

1. Признак сравнения для положительных рядов.
2. Признак сравнения в предельной форме для положительных рядов.
3. Признак Даламбера для положительных рядов.
4. Признак Коши для положительных рядов.
5. Интегральный признак сходимости для положительных рядов.

Лекция № 3

Тема «Ряды с произвольными членами. Абсолютная и условная сходимость»

Вопросы и задания

1. Знакопеременные ряды.
2. Знакопеременные ряды.
3. Признак Лейбница.
4. Абсолютная сходимость ряда, условная сходимость ряда.
5. Признаки абсолютной сходимости.

Лекция № 4

Тема «Функциональные ряды. Степенные ряды. Применение рядов к приближённым вычислениям»

Вопросы и задания

1. Функциональные последовательности. Функциональные ряды. Область сходимости функционального ряда.
2. Равномерная сходимость функционального ряда. Признак Вейерштрасса.
3. Степенные ряды. Интервал сходимости и область сходимости степенного ряда.
4. Свойства степенных рядов внутри интервала сходимости.
5. Разложение функции в степенной ряд в окрестности точки. Ряд Тейлора. Ряд Маклорена.
6. Приближённые вычисления с помощью степенных рядов.

Лекция № 5
Тема «Ряды Фурье»

Вопросы и задания

1. Понятие ортогональной системы функций.
2. Тригонометрический ряд Фурье.
3. Алгоритм разложения функции в тригонометрический ряд Фурье.
4. Частные случаи разложения функций в тригонометрические ряды.

Практическое занятие № 1
Тема «Числовые ряды, основные понятия. Необходимый признак сходимости»

Вопросы и задания

1. Числовой ряд, сумма ряда, сходимость ряда.
2. Ряд геометрической прогрессии, гармонический ряд, обобщённый гармонический ряд, их сходимость.
3. Необходимый признак сходимости ряда и следствие из него.
4. Исследование ряда на сходимость по определению и с использованием следствия из необходимого признака сходимости.

Практическое занятие № 2
Тема «Достаточные признаки сходимости для положительных рядов. Признаки сравнения положительных рядов»

Вопросы и задания

1. Признак сравнения для положительных рядов.
2. Признак сравнения в предельной форме для положительных рядов.
3. Исследование рядов на сходимость с использованием признаков сравнения.

Практическое занятие № 3
Тема «Достаточные признаки сходимости для рядов с положительными членами: признак Даламбера, признак Коши»

Вопросы и задания

1. Признак Даламбера сходимости положительных рядов.
2. Признак Коши сходимости положительных рядов.
3. Исследование рядов на сходимость с использованием признаков Даламбера, Коши

Практическое занятие № 4
Тема «Достаточные признаки сходимости для рядов с положительными членами: интегральный признак»

Вопросы и задания

1. Интегральный признак сходимости положительных рядов.
2. Исследование рядов на сходимость с использованием интегрального признака.

Практическое занятие № 5
Тема «Исследование на сходимость знакопеременных рядов»

Вопросы и задания

1. Знакопеременные ряды. Знакопеременяющиеся ряды.
2. Признак Лейбница.
3. Абсолютная сходимость ряда, условная сходимость ряда.
4. Исследование знакопеременных и знакопеременяющихся рядов на сходимость и определение вида сходимости.

Практическое занятие № 6
Тема «Функциональные ряды. Степенные ряды»

Вопросы и задания

1. Функциональные ряды. Область сходимости функционального ряда.
2. Степенные ряды. Интервал сходимости и область сходимости степенного ряда.
3. Свойства степенных рядов внутри интервала сходимости.
4. Нахождение интервала и области сходимости степенных рядов

Практическое занятие № 7
Тема «Разложение функции в степенной ряд. Применение рядов к приближённым вычислениям»

Вопросы и задания

1. Ряд Тейлора. Ряд Маклорена.
2. Разложение функций в степенной ряд в окрестности точки.
3. Приближённые вычисления с помощью степенных рядов.

Практические занятия № 8, 9

Тема «Разложение функций в ряд Фурье»

Вопросы и задания

1. Понятие ортогональной системы функций.
2. Тригонометрический ряд Фурье.
3. Алгоритм разложения функции в тригонометрический ряд Фурье.
4. Разложение функций в тригонометрические ряды. Частные случаи.

Лекция № 1

Тема «N-мерное пространство. Типы множеств. Функции многих переменных и их свойства»

Вопросы и задания

1. Понятие n-мерного пространства.
2. Предельные, внутренние, граничные точки множества.
3. Открытые замкнутые, ограниченные, связные множества, область.
4. Классификация функций нескольких переменных, их основные свойства.
5. Пределы основных функций в точке.
6. Непрерывность функции нескольких переменных в точке и на множестве.

Лекция № 2

Тема «Дифференцируемость и дифференциал функции многих переменных»

Вопросы и задания

1. Частные производные функций нескольких переменных.
2. Производная сложной функции.
3. Дифференциал функции нескольких переменных. Неинвариантность формы дифференциала.

Лекция № 3

Тема «Неявные функции. Локальные и глобальные экстремумы функции многих переменных»

Вопросы и задания

1. Теорема существования неявной функции одной переменной.
2. Теорема существования неявной функции двух переменных.
3. Понятие экстремума функции двух переменных.
4. Необходимый признак существования экстремума функции двух переменных.
5. Достаточный признак существования экстремума функции двух переменных.
6. Наибольшее и наименьшее значение функции нескольких переменных.
7. Правило исследования функции двух переменных на наибольшее и наименьшее значения.

Лекция № 4

Тема «Двойные интегралы»

Вопросы и задания

1. Понятие двойного интеграла.
2. Интегрирование по прямоугольной области.
3. Интегрирование по произвольной области.
4. Изменение порядка интегрирования в повторном интеграле.
5. Переход к полярным координатам.
6. Геометрические и механические приложения двойных интегралов.

Лекция № 5

Тема «Криволинейные интегралы первого и второго рода»

Вопросы и задания

1. Криволинейные интегралы первого рода.
2. Вычисление криволинейных интегралов первого рода.
3. Криволинейные интегралы второго рода.
4. Криволинейные интегралы по замкнутому контуру.
5. Независимость криволинейного интеграла от пути интегрирования.

Практическое занятие № 1

Тема «N-мерное пространство. Функции многих переменных и их свойства»

Вопросы и задания

1. Понятие n-мерного пространства.
2. Предельные, внутренние, граничные точки множества.
3. Открытые замкнутые, ограниченные, связные множества, область.
4. Классификация функций нескольких переменных, их основные свойства.
5. Отыскание области определения функции двух и трёх переменных, её геометрическая иллюстрация и характеристика.

Практическое занятие № 2

Тема «Частные производные функций многих переменных»

Вопросы и задания

1. Частные производные функций нескольких переменных.
2. Правило отыскания частных производных функций нескольких переменных.
3. Частные производные высших порядков.
4. Отыскание частных производных первого и второго порядков функций двух и трёх переменных.

Практическое занятие № 3

Тема «Производные сложной функции многих переменных»

Вопросы и задания

1. Правило отыскания производной сложной функции нескольких переменных в случае зависимости промежуточных аргументов от одной переменной.
2. Правило отыскания производной сложной функции нескольких переменных в случае зависимости промежуточных аргументов от нескольких переменных.
3. Отыскание производных сложных функций нескольких переменных в случае зависимости промежуточных аргументов от одной и нескольких переменных.

Практическое занятие № 4

Тема «Полный дифференциал функции многих переменных и его применение»

Вопросы и задания

1. Дифференциал функции нескольких переменных.
2. Дифференциалы высших порядков.
3. Применение дифференциала к приближённым вычислениям.

Практическое занятие № 5

Тема «Неявные функции»

Вопросы и задания

1. Теорема существования неявной функции одной переменной.
2. Теорема существования неявной функции двух переменных.
3. Дифференцирование неявных функций одной и двух переменных.

Практическое занятие № 6

Тема «Экстремумы функции двух переменных»

Вопросы и задания

1. Понятие экстремума функции двух переменных.
2. Необходимый признак существования экстремума функции двух переменных.
3. Достаточный признак существования экстремума функции двух переменных.
4. Исследование функции двух переменных на экстремумы.

Практическое занятие № 7

Тема «Наибольшее и наименьшее значения функции двух переменных»

Вопросы и задания

1. Наибольшее и наименьшее значение функции нескольких переменных.
2. Правило исследования функции двух переменных на наибольшее и наименьшее значения.
3. Исследование функций двух переменных на наибольшее и наименьшее значения в замкнутой ограниченной области.
4. Практические задачи, сводящиеся к исследованию функции двух переменных на наибольшее и наименьшее значения.

Практическое занятие № 8

Тема «Вычисление двойных интегралов»

Вопросы и задания

1. Интегрирование по прямоугольной области.
2. Интегрирование по произвольной области.
3. Геометрические и механические приложения двойных интегралов.

Практическое занятие № 9

Тема «Криволинейные интегралы первого и второго рода»

Вопросы и задания

1. Криволинейные интегралы первого рода
2. Криволинейные интегралы второго рода.
3. Криволинейные интегралы по замкнутому контуру.
4. Независимость криволинейного интеграла от пути интегрирования.

5.2. Содержание самостоятельной работы по дисциплине (модулю)

Содержание обязательной самостоятельной работы по дисциплине

| № п/п | Темы дисциплины | Содержание самостоятельной работы студентов | Продукты деятельности |
|-------|---|---|------------------------------|
| 1 | Множества. Операции над множествами | Задачи для самостоятельного решения | Выполненное домашнее задание |
| 2 | Основные свойства функций | Задачи для самостоятельного решения | Выполненное домашнее задание |
| 3 | Предел числовой последовательности. | Задачи для самостоятельного решения | Выполненное домашнее задание |
| 4 | Предел действительной функции действительной переменной | Задачи для самостоятельного решения | Выполненное домашнее задание |
| 5 | Пределы элементарных функций | Задачи для самостоятельного решения | Выполненное домашнее задание |
| 6 | Непрерывность функций в точке и на множестве | Задачи для самостоятельного решения | Выполненное домашнее задание |
| 7 | Производная функции. Правила дифференцирования | Задачи для самостоятельного решения | Выполненное домашнее задание |
| 8 | Производные функций, заданных неявно, параметрически. Производная показательной-степенной функции | Задачи для самостоятельного решения | Выполненное домашнее задание |
| 9 | Правила Лопиталя | Задачи для самостоятельного решения | Выполненное домашнее задание |
| 10 | Полное исследование функции методами математического анализа | Задачи для самостоятельного решения | Выполненное домашнее задание |
| 11 | Наибольшее и наименьшее значения функции | Задачи для самостоятельного решения | Выполненное домашнее задание |
| 12 | Дифференциал функции и его применение | Задачи для самостоятельного решения | Выполненное домашнее задание |
| 13 | Первообразная и неопределённый интеграл | Задачи для самостоятельного решения | Выполненное домашнее задание |
| 14 | Интегрирование рациональных функций | Задачи для самостоятельного решения | Выполненное домашнее задание |
| 15 | Интегрирование иррациональных функций | Задачи для самостоятельного решения | Выполненное домашнее задание |
| 16 | Интегрирование тригонометрических функций | Задачи для самостоятельного решения | Выполненное домашнее задание |
| 17 | Определённый интеграл и его свойства. Методы вычисления | Задачи для самостоятельного решения | Выполненное домашнее задание |
| 18 | Геометрические приложения определённого интеграла | Задачи для самостоятельного решения | Выполненное домашнее задание |
| 19 | Механические приложения определённого интеграла | Задачи для самостоятельного решения | Выполненное домашнее задание |
| 20 | Несобственные интегралы | Задачи для самостоятельного решения | Выполненное домашнее задание |
| 21 | Числовые ряды, основные понятия | Задачи для самостоятельного решения | Выполненное домашнее задание |
| 22 | Достаточные признаки сходимости положительных рядов | Задачи для самостоятельного решения | Выполненное домашнее задание |
| 23 | Ряды с произвольными членами | Задачи для самостоятельного решения | Выполненное домашнее задание |

| 24 | Степенные ряды | Задачи для самостоятельного решения | Выполненное домашнее задание |
|--|--|--|--|
| 25 | Ряды Фурье | Задачи для самостоятельного решения | Выполненное домашнее задание |
| 26 | N-мерное пространство. Функции многих переменных и их свойства | Задачи для самостоятельного решения | Выполненное домашнее задание |
| 27 | Дифференцирование функций многих переменных | Задачи для самостоятельного решения | Выполненное домашнее задание |
| 28 | Неявные функции | Задачи для самостоятельного решения | Выполненное домашнее задание |
| 29 | Локальные и глобальные экстремумы | Задачи для самостоятельного решения | Выполненное домашнее задание |
| 30 | Кратные интегралы | Задачи для самостоятельного решения | Выполненное домашнее задание |
| 31 | Криволинейные интегралы | Задачи для самостоятельного решения | Выполненное домашнее задание |
| Содержание самостоятельной работы по дисциплине на выбор студента | | | |
| № п/п | Темы дисциплины | Содержание самостоятельной работы студентов | Продукты деятельности |
| 1 | Основные свойства функций | Изображение графиков элементарных функций | «Альбом кривых» |
| 2 | Предел действительной функции действительной переменной | Подготовка доклада | Тезисы доклада, текст доклада, презентация |
| 3 | Пределы элементарных функций | Выполнение индивидуального задания | Индивидуальное задание |
| 4 | Непрерывность функций в точке и на множестве | Выполнение индивидуального задания Подготовка доклада | Индивидуальное задание Тезисы доклада, текст доклада, презентация |
| 5 | Производная функции. Правила дифференцирования | Выполнение индивидуального задания | Индивидуальное задание |
| 6 | Производные функций, заданных неявно, параметрически. Производная показательно-степенной функции | Выполнение индивидуального задания | Индивидуальное задание |
| 7 | Основные теоремы дифференциального исчисления | Подготовка доклада | Тезисы доклада, текст доклада, презентация |
| 8 | Полное исследование функции методами математического анализа | Выполнение индивидуального задания | Индивидуальное задание |
| 9 | Наибольшее и наименьшее значения функции | Выполнение индивидуального задания | Индивидуальное задание |
| 10 | Дифференциал функции и его применение | Выполнение индивидуального задания | Индивидуальное задание |
| 11 | Первообразная и неопределённый интеграл | Подготовка доклада | Тезисы доклада, текст доклада, презентация |
| 12 | Интегрирование рациональных функций | Выполнение индивидуального задания | Индивидуальное задание |
| 13 | Интегрирование иррациональных функций | Выполнение индивидуального задания | Индивидуальное задание |
| 14 | Интегрирование тригонометрических функций | Выполнение индивидуального задания | Индивидуальное задание |
| 15 | Определённый интеграл и его свойства. Методы вычисления | Подготовка доклада | Тезисы доклада, текст доклада, презентация |
| 16 | Геометрические | Выполнение индивидуального задания | Индивидуальное задание |

| | | | |
|----|--|---------------------------------------|--|
| | приложения определённого интеграла | Изображение кривых в «альбоме кривых» | «Альбом кривых» |
| 17 | Механические приложения определённого интеграла | Выполнение индивидуального задания | Индивидуальное задание |
| 18 | Несобственные интегралы | Выполнение индивидуального задания | Индивидуальное задание |
| 19 | Числовые ряды, основные понятия | Подготовка доклада | Тезисы доклада, текст доклада, презентация |
| 20 | Достаточные признаки сходимости положительных рядов | Выполнение индивидуального задания | Индивидуальное задание |
| 21 | Ряды с произвольными членами | Выполнение индивидуального задания | Индивидуальное задание |
| 22 | Степенные ряды | Выполнение индивидуального задания | Индивидуальное задание |
| 23 | Ряды Фурье | Выполнение индивидуального задания | Индивидуальное задание |
| 24 | N-мерное пространство. Функции многих переменных и их свойства | Выполнение индивидуального задания | Индивидуальное задание |
| 25 | Дифференцирование функций многих переменных | Выполнение индивидуального задания | Индивидуальное задание |
| 26 | Неявные функции | Выполнение индивидуального задания | Индивидуальное задание |
| 27 | Локальные и глобальные экстремумы | Подготовка доклада | Тезисы доклада, текст доклада, презентация |
| 28 | Кратные интегралы | Выполнение индивидуального задания | Индивидуальное задание |
| 29 | Криволинейные интегралы | Выполнение индивидуального задания | Индивидуальное задание |

5.3. Образовательные технологии

При организации изучения дисциплины будут использованы следующие образовательные технологии: информационно-коммуникационные технологии, технология организации самостоятельной работы, технология рефлексивного обучения, технология модульного обучения, технология игрового обучения, технологии групповой дискуссии, интерактивные технологии, технология проблемного обучения, технология организации учебно-исследовательской деятельности, технология проектного обучения, технология развития критического мышления.

5.4. Текущий контроль, промежуточный контроль и промежуточная аттестация

Балльно-рейтинговая карта дисциплины оформлена как приложение к рабочей программе дисциплины. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине оформлен отдельным документом.

6. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ

6.1. Рекомендуемая литература

6.1.1. Основная литература

| | Авторы, составители | Заглавие, ссылка на электронную библиотечную систему | Издательство, год |
|------|---------------------|--|---|
| ЛП.1 | Балдин К.В. | Математический анализ https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=564130 | Москва : ФЛИНТА, 2020. |
| ЛП.2 | Рябушко А.П. | Высшая математика. Теория и задачи. В 5 частях. Ч. 1 – 4. http://www.iprbookshop.ru/90754.html . — ЭБС «IPRbooks» | Минск: Вышэйшая школа, 2016, 2017. |
| ЛП.3 | Тер-Крикоров А. М. | Курс математического анализа https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=222880 http://www.iprbookshop.ru/99854.html . — ЭБС «IPRbooks» http://irbis.sgspsu.ru | М. : БИНОМ. Лаборатория знаний, 2013. Москва : Лаборатория знаний, 2020. |

6.1.2. Дополнительная литература

| | Авторы, составители | Заглавие, ссылка на электронную библиотечную систему | Издательство, год |
|------|---------------------|--|--------------------|
| ЛД.1 | Баврин И. И. | Математический анализ: учеб. и практикум для прикладного бакалавриата http://irbis.sgspsu.ru | М. : Юрайт , 2019. |

| | | | |
|------|---------------------------------|---|--|
| | Кудрявцев Л. Д. | Краткий курс математического анализа : учебник : в 2-х т. https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=82814 https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=82818 | Москва : Физматлит, 2010. |
| Л2.2 | Фихтенгольц Г. М. | Курс дифференциального и интегрального исчисления: в 3-х тт | СПб. : Лань, 2009. |
| Л2.3 | Балабаева Н. П., Энбом Е. А. | Математический анализ. Функции многих переменных http://www.iprbookshop.ru/71852.html .— ЭБС «IPRbooks» | Самара: Поволжский государственный университет |

6.2 Перечень программного обеспечения

- Acrobat Reader DC
- Dr.Web Desktop Security Suite, Dr.Web Server Security Suite
- GIMP
- Microsoft Office 2016 Professional Plus (Пакет программ Word, Excel, Access, PowerPoint, Outlook, OneNote, Publisher)
- Microsoft Office 365 Pro Plus - subscription license (12 month) (Пакет программ Word, Excel, Access, PowerPoint, Outlook, OneNote, Publisher, Skype for Business, OneDrive, SharePoint Online)
- Microsoft Windows 10 Education
- Microsoft Windows 7/8.1 Professional
- XnView
- Архиватор 7-Zip
- Программная система для обнаружения текстовых заимствований в учебных и научных работах «Антиплагиат.ВУЗ»

6.3 Перечень информационных справочных систем

- Информационно-образовательная программа «Росметод»
- СПС «ГАРАНТ-Аналитик»
- СПС «Консультант-Плюс»
- Elsevier (база данных «Freedom Collection» и коллекции электронных книг «Freedom Collection eBook collection»),
- SCOPUS издательства Elsevier
- SpringerNature (национальная подписка на полнотекстовые ресурсы)
- База данных международных индексов научного цитирования Web of Science
- БД «Polpred.com. Обзор СМИ»
- УИС РОССИЯ
- ЭБС «E-LIBRARY.RU»
- ЭБС «РУКОНТ» (Контекстум)
- ЭБС «Университетская библиотека онлайн»
- ЭБС «ЮРАЙТ» (Коллекция Легендарные книги)
- ЭБС «IPRbooks»

7. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

| | |
|-----|---|
| 7.1 | Наименование специального помещения: помещение для самостоятельной работы, Читальный зал. Оснащенность: ПК-4шт., Принтер-1шт., Телефон-1шт., Письменный стол-4 шт., Парта-2 шт. |
| 7.2 | Наименование специального помещения: учебная аудитория для проведения лекционных занятий, практических занятий, групповых консультаций, индивидуальных консультаций, текущего контроля, промежуточной аттестации, Учебная аудитория. Оснащенность: Меловая доска-1шт., Комплект учебной мебели, ноутбук, проекционное оборудование (мультимедийный проектор и экран). |

8. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Работа над теоретическим материалом происходит кратко, схематично, последовательно фиксировать основные положения, выводы, формулировки, обобщения; пометать важные мысли, выделять ключевые слова, термины. Проверка терминов, понятий с помощью энциклопедий, словарей, справочников с выписыванием толкований в тетрадь. Обозначить вопросы, термины, материал, который вызывает трудности, пометить и попытаться найти ответ в рекомендуемой литературе. Если самостоятельно не удастся разобраться в материале, необходимо сформулировать вопрос и задать преподавателю.

Проработка рабочей программы дисциплины, уделяя особое внимание целям и задачам, структуре и содержанию дисциплины. Конспектирование источников, подготовка ответов к контрольным вопросам, просмотр рекомендуемой литературы, работа с информационными источниками в разных форматах.

Также в процессе изучения дисциплины методические рекомендации могут быть изданы отдельным документом.

Балльно-рейтинговая карта дисциплины «Математический анализ»

Курс 1 Семестр 1

| Вид контроля | | Минимальное количество баллов | Максимальное количество баллов |
|---|--|-------------------------------|--------------------------------|
| Раздел 1 «Введение в анализ» | | | |
| Текущий контроль по разделу: | | | |
| 1 | Аудиторная работа | | |
| | Самостоятельная работа № 1 «Область существования функции» | 3 | 5 |
| | Самостоятельная работа № 2 «Вычисление пределов рациональных функций» | 0 | 1 |
| | Самостоятельная работа № 3 «Вычисление пределов иррациональных функций» | 0 | 1 |
| | Самостоятельная работа № 4 «Вычисление пределов тригонометрических функций» | 0 | 1 |
| | Самостоятельная работа № 5 «Вычисление пределов показательных-степенных функций» | 0 | 1 |
| 2 | Самостоятельная работа (специальные обязательные формы) «Альбом кривых» | 4 | 7 |
| Контрольное мероприятие по разделу: | | | |
| Коллоквиум | | 7 | 12 |
| Контрольная работа | | 20 | 30 |
| Промежуточный контроль | | 34 | 58 |
| Раздел 2 «Непрерывность функции» | | | |
| Текущий контроль по разделу: | | | |
| 1 | Аудиторная работа | | |
| | Ведение конспектов лекций | 0 | 2 |
| | Ведение конспектов практических занятий | 1 | 2 |
| 2 | Самостоятельная работа (специальные обязательные формы) -выполнение домашних заданий | 0 | 4 |
| 3 | Самостоятельная работа (специальные формы на выбор студента) – индивидуальная работа «Непрерывность функции» | 6 | 10 |
| Контрольное мероприятие по разделу | | | |
| Контрольная работа | | 15 | 24 |
| Промежуточный контроль | | 22 | 42 |
| Промежуточная аттестация | | | |
| Итого: | | 56 | 100 |

| Виды контроля | Перечень или примеры заданий, критерии оценки и количество баллов | Темы для изучения и образовательные результаты |
|--|---|--|
| Текущий контроль по разделу «Введение в анализ» | | |
| 1 | Аудиторная работа | |
| | Самостоятельная работа № 1 «Область существования функции» | Темы. Действительная функция действительного переменного. Способы задания функции. Сложная функция. Функции, заданные аналитически. Область определения функции и множество значений. Классификация основных функций. Образовательные результаты: знать: этапы нахождения области определения функции; уметь: определять порядок действий при решении задачи; работать с теоретическим материалом по теме задачи (определение, свойства функции; понятие области существования функции); пользоваться математической символикой и терминологией; владеть: целесообразными методами решения задачи (нахождения области определения функции, заданной аналитически). |
| | Самостоятельная работа № 2 «Вычисление пределов рациональных функций» | Темы. Предел целой рациональной функции при $x \rightarrow x_0$, при $x \rightarrow \pm\infty$. Неопределённые выражения вида $\left[\frac{0}{0}\right], \left[\frac{\infty}{\infty}\right], [0 \cdot \infty], [\infty - \infty]$. знать: этапы решения задач (нахождения предела целой рациональной функции); уметь: определять порядок действий при решении задачи; работать с теоретическим материалом; пользоваться математической символикой и терминологией; владеть: целесообразными методами решения задачи (отыскания предела целой рациональной функции). |
| | Самостоятельная работа № 3 «Вычисление пределов иррациональных функций» | Темы. Пределы иррациональных функций. знать: этапы решения задач (нахождения предела иррациональной функции); |

| | | | |
|---|---|---|--|
| | | 1 балл – верно вычислен предел, верно указаны использованные при вычислении предела теоремы; 0 баллов – неверно вычислен предел. | уметь: определять порядок действий при решении задачи; работать с теоретическим материалом; пользоваться математической символикой и терминологией; владеть: целесообразными методами решения задачи (отыскания предела иррациональной функции). |
| Самостоятельная работа № 4 «Вычисление пределов тригонометрических функций» | Примеры заданий. Вычислить предел тригонометрической функции при $x \rightarrow x_0$ или $x \rightarrow \pm\infty$. Критерии оценки: 1 балл – верно вычислен предел, верно указаны использованные при вычислении предела теоремы; 0 баллов – неверно вычислен предел. | Примеры заданий. Вычислить предел показательно-степенной функции при $x \rightarrow x_0$ или при $x \rightarrow \pm\infty$. Критерии оценки: 1 балл – верно вычислен предел, верно указаны использованные при вычислении предела теоремы; 0 баллов – неверно вычислен предел. | Темы. Пределы тригонометрических функций. Первый замечательный предел и следствия из него. знать: этапы решения задач (нахождения предела тригонометрических функций); уметь: определять порядок действий при решении задачи; работать с теоретическим материалом; пользоваться математической символикой и терминологией; владеть: целесообразными методами решения задачи (отыскания предела тригонометрических функций). |
| Самостоятельная работа № 5 «Вычисление пределов показательно-степенных функций» | Примеры заданий. Вычислить предел показательно-степенной функции при $x \rightarrow x_0$ или при $x \rightarrow \pm\infty$. Критерии оценки: 1 балл – верно вычислен предел, верно указаны использованные при вычислении предела теоремы; 0 баллов – неверно вычислен предел. | Образовательные результаты: Темы. Пределы показательной функции. Показательно-степенная функция и её предел. Неопределённые выражения вида $[1^\infty]$, $[0^0]$, $[\infty^0]$. Второй замечательный предел. Образовательные результаты: знать: этапы решения задач (нахождения предела показательно-степенной функции); уметь: определять порядок действий при решении задачи; работать с теоретическим материалом; пользоваться математической символикой и терминологией; владеть: целесообразными методами решения задачи (отыскания предела показательно-степенной функции). | |
| 2 Самостоятельная работа (обязательные формы) «Альбом кривых» | Построить графики функций с указанием области определения и множества значений в «альбоме кривых»: 1) $y = x^2$, $y = x^4$ (в одной системе координат); 2) $y = x$, $y = x^3$, $y = x^5$ (в одной системе координат); | Темы. Действительная функция действительного переменного. Способы задания функции. Функции, заданные аналитически. Область определения функции и | |

| | | |
|------------------------------------|---|---|
| | <p>3) $y = \frac{1}{x}$, $y = \frac{1}{x^3}$ (в одной системе координат);</p> <p>4) $y = \frac{1}{x^2}$, $y = \frac{1}{x^4}$ (в одной системе координат);</p> <p>5) $y = \sin x$;</p> <p>6) $y = \cos x$;</p> <p>7) $y = \operatorname{tg} x$;</p> <p>8) $y = \operatorname{ctg} x$;</p> <p>9) $y = \arcsin x$;</p> <p>10) $y = \arccos x$;</p> <p>11) $y = \operatorname{arctg} x$;</p> <p>12) $y = \operatorname{arcctg} x$;</p> <p>13) $y = 2^x$, $y = \left(\frac{1}{2}\right)^x$ (в одной системе координат);</p> <p>14) $y = \log_2 x$, $y = \log_{\frac{1}{2}} x$ (в одной системе координат).</p> <p>Критерии оценки: каждое задание оценивается максимум 0,5 балла. 0,5 балла – график функции построен точно, область определения и множество значений каждой функции приведены верно, расположенные в одной системе координат графики различных функций чётко различаются. 0 баллов – график не удовлетворяет вышеуказанным критериям.</p> | <p>множество значений. Классификация основных функций.</p> <p>Образовательные результаты:</p> <p>знать: этапы нахождения области определения функции;</p> <p>уметь: определять порядок действий; работать с теоретическим материалом по теме задачи (определение, свойства функции; понятие области существования и множества значений функции); пользоваться математической символикой и терминологией;</p> <p>владеть: целесообразными методами решения задачи (построения графиков функций, заданных аналитически).</p> |
| Контрольное мероприятие по разделу | | |
| Коллоквиум | <p>Примерная программа коллоквиума</p> <p>I. Теоретический вопрос</p> <p>1. Понятие множества. Основные числовые множества: отрезок, интервал, полуинтервал. Абсолютная величина действительного числа. Окрестность точки. Примеры.</p> <p>2. Действительная функция действительного переменного. График функции. Множество значений функции. Способы задания функции. Классификация основных элементарных функций. Общие свойства функции: ограниченность, монотонность функции, чётность (нечётность), периодичность. Примеры.</p> <p>3. Числовая последовательность. Определение конечного предела последовательности, его геометрический смысл. Бесконечные пределы последовательности. Теорема о единственности предела последовательности; теорема существования предела последовательности.</p> <p>4. Понятие предела функции, его геометрический смысл. Теорема об ограниченности функции, имеющей конечный предел.</p> <p>5. Понятие бесконечно малых функций. Пример. Теоремы о бесконечно малых функциях.</p> <p>6. Теоремы о пределе суммы, произведения, частного. Пределы элементарных функций.</p> | <p>Темы. Понятие множества, действия над множествами. Основные числовые множества. Окрестность точки. Действительная функция действительного переменного. Способы задания функции. График функции. Сложная функция. Обратная функция. Основные свойства функции: чётность, нечётность, монотонность, ограниченность, периодичность. Область определения функции и множество значений. Классификация основных функций. Числовая последовательность. Определение конечного предела последовательности, его геометрический смысл. Определение бесконечных пределов последовательности. Предел функции. Определение конечного предела функции при $x \rightarrow x_0$. Основные теоремы о пределах. Бесконечно малые</p> |

| | | |
|---------------------------|---|---|
| | <p>7. Определения пределов функции с геометрической иллюстрацией.</p> <p>8. Бесконечно большие функции. Теоремы о бесконечно больших функциях.</p> <p>9. Пределы целой рациональной функции при $x \rightarrow a$ и $x \rightarrow \pm\infty$. Примеры.</p> <p>10. Пределы дробно рациональной функции при $x \rightarrow a$ и $x \rightarrow \pm\infty$. Примеры.</p> <p>11. Теорема о сохранении функцией знака своего предела; теорема о переходе к пределу в неравенстве; теорема о пределе промежуточной функции.</p> <p>12. Пределы тригонометрических функций. Первый замечательный предел, следствия из него. Примеры.</p> <p>13. Предел показательной функции. Понятие показательно-степенной функции. Теорема о пределе показательно-степенной функции. Виды неопределенностей в случае показательно-степенной функции. Второй замечательный предел. Примеры.</p> <p>14. Предел логарифмической функции. Примеры.</p> <p>15. Третий замечательный предел. Четвёртый замечательный предел.</p> <p>II. Задача на одну из вышеуказанных тем.</p> <p>Критерии оценки:</p> <p>12 баллов - приведены чёткие и правильные формулировки определений, указанных в вопросе билета коллоквиума; приведена верная последовательность всех шагов требуемых доказательств вопроса билета; задача решена верно.</p> <p>10-11 баллов - приведены чёткие и правильные формулировки определений, указанных в вопросе билета; приведена верная последовательность всех шагов требуемых доказательств вопроса билета; допустимы негрубые ошибки в рассуждениях доказательства или решения задачи.</p> <p>7-9 баллов - приведены чёткие и правильные формулировки определений и теорем, указанных в вопросе билета коллоквиума, в решении задачи допущены негрубые ошибки.</p> <p>5-6 баллов - приведены чёткие и правильные формулировки определений и теорем, указанных в вопросе билета коллоквиума, задача решена неверно, или задача решена верно, но допущены грубые ошибки при ответе на теоретический вопрос билета</p> <p>1-4 балла - приведены нечёткие или неправильные формулировки определений и теорем, указанных в вопросе билета коллоквиума, задача решена неверно.</p> <p>0 баллов – ответ не соответствует ни одному из указанных выше критериев.</p> | <p>функции. Первый замечательный предел.</p> <p>Определение конечного предела функции при $x \rightarrow -\infty, x \rightarrow +\infty$. Бесконечные пределы функции. Бесконечно большие функции. Предел целой рациональной функции при $x \rightarrow x_0$, при $x \rightarrow \pm\infty$. Пределы иррациональных функций. Неопределённые выражения вида $\left[\frac{0}{0}\right], \left[\frac{\infty}{\infty}\right], [0 \cdot \infty], [\infty - \infty]$. Пределы показательной и логарифмической функций. Показательно-степенная функция и её предел. Неопределённые выражения вида $[1^\infty], [0^0], [\infty^0]$. Второй замечательный предел. Третий замечательный предел. Четвёртый замечательный предел.</p> <p>Образовательные результаты:</p> <p>знать: этапы решения задач;</p> <p>уметь: определять порядок действий при решении задачи и доказательстве теоремы; работать с теоретическим материалом; пользоваться математической символикой и терминологией при решении задач и доказательстве теорем;</p> <p>владеть: целесообразными методами решения задачи.</p> |
| <p>Контрольная работа</p> | <p>Контрольная работа состоит из 10 заданий на вычисление предела функции.</p> <p>Критерии оценки:</p> <p>Каждое задание оценивается максимум 3 баллами.</p> <p>3 балла – верно указаны теоремы, используемые при вычислении предела функции, и верно вычислен предел.</p> <p>2 балла – допущены ошибки в формулировке теорем, используемых при вычислении предела функции, или при вычислении предела допущена негрубая ошибка.</p> | <p>Темы. Предел функции. Основные теоремы о пределах. Бесконечно малые функции. Первый замечательный предел. Бесконечные пределы функции. Бесконечно большие функции. Предел целой рациональной функции при $x \rightarrow x_0$, при $x \rightarrow \pm\infty$. Неопределённые выражения вида $\left[\frac{0}{0}\right], \left[\frac{\infty}{\infty}\right], [0 \cdot \infty], [\infty - \infty]$. Пределы</p> |

| | | | |
|--|---|--|---|
| | | 1 балл – неверно указаны теоремы, используемые при вычислении предела функции, или при вычислении предела допущена ошибка. 0 баллов – неверно указана теорема, используемая при вычислении предела функции, и неверно вычислен предел. | иррациональных функций. Пределы показательной и логарифмической функций. Показательно-степенная функция и её предел. Неопределённые выражения вида $[1^\infty]$, $[0^0]$, $[\infty^0]$. Второй замечательный предел. Третий замечательный предел. Четвёртый замечательный предел. Образовательные результаты: знать: этапы решения задач (нахождения предела функции); уметь: определять порядок действий при решении задачи; работать с теоретическим материалом; пользоваться математической символикой и терминологией; владеть: целесообразными методами решения задачи (отыскания предела функции). |
| Промежуточный контроль (количество баллов) | | 34 | 58 |
| Текущий контроль по разделу «Непрерывность функции» | | | |
| 1 | Аудиторная работа | | |
| | Ведение конспектов лекций | Критерии оценки: 2 балла – в конспектах чётко отражены рассматриваемые на лекции вопросы: приведены требуемые определения и теоремы (или есть указания об источнике сведений). 1 балл – рассматриваемые на лекции вопросы отражены в конспекте на 70% . 0 баллов – не выполнены указанные выше условия. За несвоевременное предоставление конспектов лекций баллы снижаются. | Темы. Непрерывность элементарных функций. Теоремы о непрерывности сложной и обратной функций. Точки разрыва функции и их классификация. Образовательные результаты: знать: определение функции непрерывной в точке и на множестве; теоремы о непрерывности суммы, произведения, частного, сложной функции, обратной функции; свойства функций, непрерывных на отрезке; определение точек разрыва и их классификацию; уметь: работать с теоретическим материалом; пользоваться математической символикой и терминологией при решении задач и доказательстве теорем; |
| | Ведение конспектов практических занятий | Критерии оценки: 2 балла – в конспектах чётко отражены рассматриваемые на практических занятиях | Темы. Непрерывность элементарных функций. Теоремы о непрерывности сложной и обратной |

| | | | |
|---|--|---|---|
| | | <p>вопросы: приведены теоретические сведения (или есть указания об источнике сведений), верно решены все предложенные задачи. 1 балл – рассматриваемые на практическом занятии вопросы отражены в конспекте на 70% . 0 баллов – не выполнены указанные выше условия. За несвоевременное предоставление конспектов практических занятий баллы снижаются.</p> | <p>функций. Точки разрыва функции и их классификация. Образовательные результаты: знать: этапы решения задач на исследование функции на непрерывность и определение точек разрыва; уметь: работать с теоретическим материалом; пользоваться математической символикой и терминологией при решении задач; владеть: целесообразными методами решения задачи (исследования функции на непрерывность).</p> |
| 2 | Самостоятельная работа (обязательные формы) – выполнение домашних заданий | <p>Критерии оценки: 4 балла – в домашних заданиях верно решены все предложенные задачи. 1 – 3 балла – допущены ошибки в выполнении заданий. 0 баллов – не выполнены указанные выше условия. За несвоевременное предоставление домашних заданий баллы снижаются.</p> | <p>Темы. Непрерывность элементарных функций. Теоремы о непрерывности сложной и обратной функций. Точки разрыва функции и их классификация. Образовательные результаты: знать: этапы решения задач на исследование функции на непрерывность и определение точек разрыва; уметь: работать с теоретическим материалом; пользоваться математической символикой и терминологией при решении задач; владеть: целесообразными методами решения задачи (исследования функции на непрерывность).</p> |
| 3 | Самостоятельная работа (на выбор студента) – индивидуальная работа «Непрерывность функции» | <p>Примеры заданий. Привести примеры с геометрической иллюстрацией 4 функций с исследованием на непрерывность и точки разрыва: 1. точка устранимого разрыва; 2. точка разрыва с конечным скачком; 3. точка разрыва с бесконечным скачком; 4. функции, «состыкованные» в некоторой точке. Критерии оценки: каждый пример оценивается максимум 2,5 баллами. 2,5 балла – задание письменно выполнено верно (верно определены тип функции и множество, на котором функция непрерывна, верно определены точки разрыва (подозрительные на разрыв), верно вычислены односторонние пределы при определении типа точек разрыва функции, верно определён тип точек разрыва, верно изображён график функции в окрестности точек разрыва), при отчёте объяснены все</p> | <p>Темы. Непрерывность элементарных функций. Теоремы о непрерывности сложной и обратной функций. Точки разрыва функции и их классификация. Образовательные результаты: знать: этапы решения задач на исследование функции на непрерывность и определение точек разрыва; уметь: работать с теоретическим материалом; пользоваться математической символикой и терминологией при решении задач; владеть: целесообразными методами решения</p> |

| | | |
|--|--|---|
| | требуемые формулы; 0,5–1,5 балла – задание выполнено с незначительной ошибкой, которая была исправлена при отчёте задания, или задание письменно выполнено верно, но не обосновано; 0 баллов – задание выполнено неверно. | задачи (исследования функции на непрерывность). |
| Контрольное мероприятие по разделу Контрольная работа | Контрольная работа состоит из 4 заданий на исследование функции на непрерывность. Примеры заданий. Исследовать функцию на непрерывность и построить график в окрестности каждой точки разрыва. Критерии оценки: Каждое задание оценивается максимум 6 баллами. 6 баллов - 1. верно определены тип функции и множество, на котором функция непрерывна; 2. верно определены точки разрыва (подозрительные на разрыв); 3-4. верно вычислены односторонние пределы при определении типа точек разрыва функции; 5. верно определён тип каждой точки разрыва; 6. верно изображён график функции в окрестности каждой точки разрыва. 5 баллов – выполнены 5 условий из 1-6 условий на 6 баллов; допущены ошибки при изображении графика функции в окрестности точек разрыва. 4 балла - выполнены 4 условия из 1-6 условий на 6 баллов; неверно определён тип точек разрыва и изображён график функции 3 балла – выполнены пункты 1-2; допущены небольшие вычислительные ошибки при нахождении односторонних пределов при определении типа точек разрыва функции и построении графика; 2 балла – выполнены пункты 1-2. 1 балл – верно определены тип функции и множество, на котором функция непрерывна; 0 баллов – не выполнено ни одно из условий на 6 баллов. | Темы. Непрерывность элементарных функций. Теоремы о непрерывности сложной и обратной функций. Точки разрыва функции и их классификация. Образовательные результаты: знать: этапы решения задач на исследование функции на непрерывность и определение точек разрыва; уметь: работать с теоретическим материалом; пользоваться математической символикой и терминологией при решении задач; владеть: целесообразными методами решения задачи (исследования функции на непрерывность). |
| Промежуточный контроль (количество баллов) | 22 | 42 |
| Промежуточная аттестация | Представлены в фонде оценочных средств для промежуточной аттестации по дисциплине | |

Направление подготовки: 44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки)
 Направленность (профиль): «Математика и Физика»
 Рабочая программа дисциплины «Математический анализ»
 Балльно-рейтинговая карта дисциплины «Математический анализ»

Курс 1 Семестр 2

| Вид контроля | | Минимальное количество баллов | Максимальное количество баллов |
|---|--|-------------------------------|--------------------------------|
| Раздел 1. «Производные функции» | | | |
| Текущий контроль по разделу: | | | |
| 1. | Аудиторная работа: | | |
| | Ведение конспектов лекций | 1 | 2 |
| | Ведение конспектов практических занятий | 1 | 2 |
| 2. | Самостоятельная работа (специальные обязательные формы) – индивидуальное задание на тему «Дифференцирование показательной-степенной функции и функций, заданных параметрически и неявно» | 3 | 6 |
| | Самостоятельная работа (специальные обязательные формы) – выполнение домашних заданий | 1 | 3 |
| Контрольное мероприятие по разделу: | | | |
| | Контрольная работа | 24 | 36 |
| Промежуточный контроль | | 30 | 49 |
| Раздел 2. «Применение производной к исследованию функций» | | | |
| Текущий контроль по разделу: | | | |
| 1. | Аудиторная работа: | | |
| | Ведение конспектов лекций | 1 | 2 |
| | Ведение конспектов практических занятий | 1 | 4 |
| 2. | Самостоятельная работа № 1 «Вычисление пределов с использованием правила Лопиталья» | 2 | 4 |
| | Самостоятельная работа (специальные обязательные формы) – индивидуальное задание на тему «Нахождение наибольшего и наименьшего значений функции на промежутке» | 3 | 7 |
| 3. | Самостоятельная работа (специальные обязательные формы) – выполнение домашних заданий | 1 | 4 |
| | Самостоятельная работа (специальные обязательные формы) – выполнение домашнего индивидуального задания по теме «Дифференциал функции» | 3 | 6 |
| Контрольное мероприятие по разделу: | | | |
| | Индивидуальное задание «Полное исследование функции и построение графика» | 15 | 24 |
| Промежуточный контроль | | 26 | 51 |
| Промежуточная аттестация | | | |
| Итого: | | 56 | 100 |

| Вид контроля | Перечень или примеры заданий, критерии оценки и количество баллов | Темы для изучения и образовательные результаты |
|---|---|---|
| Текущий контроль по разделу «Производные функции» | | |
| Аудиторная работа | | |
| Ведение конспектов лекций | <p>Критерии оценки: количество баллов пропорционально количеству лекций, максимальное количество баллов – 2.</p> <p>2 балла – в конспектах чётко отражены рассматриваемые на лекции вопросы: приведены требуемые определения и теоремы (или есть указания об источнике сведений).</p> <p>1 балл – рассматриваемые на лекции вопросы отражены в конспекте на 70%.</p> <p>0 баллов – не выполнены указанные выше условия.</p> <p>За несвоевременное предоставление конспектов лекций баллы снижаются.</p> | <p>Темы: Производная функции. Геометрический, механический смысл производной. Касательная к кривой. Правила дифференцирования. Таблица производных. Производные высших порядков. Дифференцирование функций, заданных параметрически и неявно. Метод логарифмического дифференцирования, производная показательной-степенной функции. Односторонние производные.</p> <p>Образовательные результаты: знать: основные понятия дифференциального исчисления; методы дифференцирования;</p> <p>уметь: работать с теоретическим материалом; пользоваться математической символикой и терминологией</p> |
| Ведение конспектов практических занятий | <p>Критерии оценки: количество баллов пропорционально количеству практических занятий, максимальное количество баллов – 2.</p> <p>2 балла – в конспектах чётко отражены рассматриваемые на практических занятиях вопросы: приведены теоретические сведения (или есть указания об источнике сведений), верно решены все предложенные задачи.</p> <p>1 балл – рассматриваемые на практическом занятии вопросы отражены в конспекте более чем на 50%.</p> <p>0 баллов – не выполнены указанные выше условия.</p> <p>За несвоевременное предоставление конспектов практических занятий баллы снижаются.</p> | <p>Темы: Производная функции. Геометрический, механический смыслы производной. Касательная к кривой. Правила дифференцирования. Таблица производных. Производные высших порядков. Дифференцирование функций, заданных параметрически и неявно. Метод логарифмического дифференцирования, производная показательной-степенной функции. Односторонние производные.</p> <p>Образовательные результаты:</p> <p>знать: этапы решения задач;</p> <p>уметь: определять порядок действий при решении задачи и доказательстве теоремы; работать с теоретическим материалом; пользоваться математической символикой и терминологией при решении задач;</p> <p>владеть: целесообразными методами решения задачи.</p> |

| | | |
|--|---|--|
| <p>Самостоятельная работа (специальные обязательные формы) – индивидуальное задание на тему «Дифференцирование показательно-степенной функции и функций, заданных параметрически и неявно»</p> | <p>Примеры заданий. 1. Найти производную показательно-степенной функции. 2. Найти производную функции, заданной неявно. 3. Найти производную функции, заданной параметрически. Критерий оценки: каждое задание оценивается максимум 2 балла. 2 балла – указаны применяемые формулы, производная найдена верно, преобразования проведены верно; 1 балл – допущены ошибки при преобразованиях или записи ответа; 0 баллов – производная найдена неверно.</p> | <p>Темы: Дифференцирование показательно-степенной функции. Метод логарифмического дифференцирования. Дифференцирование функций, заданных параметрически и неявно. Образовательные результаты: знать: этапы решения задач (нахождения производных); уметь: определять порядок действий при решении задачи; работать с теоретическим материалом; пользоваться математической символикой и терминологией при решении задач; владеть: целесообразными методами решения задачи.</p> |
| <p>Самостоятельная работа (специальные обязательные формы) (домашняя) – выполнение домашних заданий</p> | <p>Критерий оценки: количество баллов пропорционально количеству домашних заданий, максимальное количество баллов – 3. 3 балла – в домашних заданиях верно выполнены все задачи; 1-2 балла – отсутствует часть заданий, или при решении задач допущены ошибки. 0 баллов – не выполнены указанные выше условия. За несвоевременное предоставление домашних заданий баллы снижаются.</p> | <p>Темы: Производная функции. Геометрический, механический смыслы производной. Касательная к кривой. Правила дифференцирования. Таблица производных. Производные высших порядков. Дифференцирование функций, заданных параметрически и неявно. Метод логарифмического дифференцирования, производная показательно-степенной функции. Односторонние производные. Образовательные результаты: знать: этапы решения задач (нахождения производных); уметь: определять порядок действий при решении задачи; работать с теоретическим материалом; пользоваться математической символикой и терминологией при решении задач; владеть: целесообразными методами решения задачи.</p> |
| <p>Контрольное мероприятие по разделу</p> | | |
| <p>Контрольная работа</p> | <p>Контрольная работа состоит из 18 заданий на вычисление производной функции. Каждое задание оценивается 2 баллами 2 балла - верно найдена производная функции, верно проведены преобразования над полученным выражением.</p> | <p>Темы: Таблица производных. Правила дифференцирования. Производная сложной функции. Образовательные результаты:</p> |

| | | |
|---|---|---|
| | <p>1 балл – верно применены правила дифференцирования, допущены ошибки при преобразовании производной.</p> <p>0 баллов – неверно найдена производная функции.</p> | <p>знать: этапы решения задач (нахождения производных);</p> <p>уметь: определять порядок действий при решении задачи; работать с теоретическим материалом; пользоваться математической символикой и терминологией при решении задач;</p> <p>владеть: целесообразными методами решения задачи.</p> |
| Промежуточный контроль (кол-во баллов) | 30 | 49 |
| Текущий контроль по разделу «Применение производной к исследованию функций» | | |
| Аудиторная работа | | |
| Ведение конспектов лекций | <p>Критерии оценки: количество баллов пропорционально количеству лекций, максимальное количество баллов – 2.</p> <p>2 балла – в конспектах чётко отражены рассматриваемые на лекции вопросы: приведены требуемые определения и теоремы (или есть указания об источнике сведений).</p> <p>1 балл – рассматриваемые на лекции вопросы отражены в конспекте на 70%.</p> <p>0 баллов – не выполнены указанные выше условия.</p> <p>За несвоевременное предоставление конспектов лекций баллы снижаются.</p> | <p>Темы. Правила Лопиталья.</p> <p>Асимптоты графика функции. Монотонность функции. Экстремумы функции. Выпуклость, вогнутость кривой, точки перегиба. Схема полного исследования функции и построения графика. Правило нахождения наибольшего и наименьшего значений функции на промежутке. Дифференциал функции.</p> <p>Образовательные результаты знать: основные теоретические положения указанных тем; этапы решения задач;</p> <p>уметь: работать с теоретическим материалом; пользоваться математической символикой и терминологией;</p> |
| Ведение конспектов практических занятий | <p>Критерии оценки: количество баллов пропорционально количеству практических занятий, максимальное количество баллов – 4.</p> <p>4 балла – в конспектах чётко отражены рассматриваемые на практических занятиях вопросы: приведены теоретические сведения (или есть указания об источнике сведений), верно решены все предложенные задачи.</p> <p>1 балл – рассматриваемые на практическом занятии вопросы отражены в конспекте не полностью.</p> <p>0 баллов – не выполнены указанные выше условия.</p> <p>За несвоевременное предоставление конспектов практических занятий баллы снижаются.</p> | <p>Темы. Правила Лопиталья.</p> <p>Асимптоты графика функции. Монотонность функции. Экстремумы функции. Выпуклость, вогнутость кривой, точки перегиба. Схема полного исследования функции и построения графика. Правило нахождения наибольшего и наименьшего значений функции на промежутке. Дифференциал функции.</p> <p>Образовательные результаты</p> <p>знать: этапы решения задач;</p> <p>уметь: определять порядок действий при</p> |

| | | |
|---|--|--|
| | | <p>решении задачи; работать с теоретическим материалом; пользоваться математической символикой и терминологией при решении задач; владеть: целесообразными методами решения задачи.</p> |
| <p>Самостоятельная работа № 1 «Вычисление пределов с использованием правила Лопиталья»</p> | <p>Примеры заданий. Вычислить пределы функций с использованием правила Лопиталья. Критерий оценки: 4 балла – верно вычислены пределы числителя и знаменателя дроби, верно указан тип «неопределённости», верно найдены производные числителя и знаменателя дроби, верно найден предел заданной функции. 3 балла – верно указан тип «неопределённости», верно найдены производные числителя и знаменателя дроби, верно вычислены пределы получившихся числителя и знаменателя дроби. 2 балла – верно указан тип «неопределённости», и верно найдены производные числителя и знаменателя дроби. 1 балл – верно вычислены пределы числителя и знаменателя дроби и верно указан тип «неопределённости». 0 баллов – не выполнено ни одно из вышеуказанных условий.</p> | <p>Темы: Теоремы о пределе суммы, разности, произведения, частного. Неопределённости вида $\left[\frac{0}{0}\right]$, $\left[\frac{\infty}{\infty}\right]$. Таблица производных. Правила дифференцирования. Производная сложной функции. Правила Лопиталья. Образовательные результаты. знать: этапы решения задач (раскрытия неопределённостей с использованием производной); уметь: определять порядок действий при решении задачи; работать с теоретическим материалом; пользоваться математической символикой и терминологией при решении задач; владеть: целесообразными методами решения задачи.</p> |
| <p>Самостоятельная работа № 2 «Нахождение наибольшего и наименьшего значений функции на промежутке»</p> | <p>Самостоятельная работа состоит из двух заданий: 1. Найти наибольшее и наименьшее значение функции на отрезке. Критерий оценки: 3 балла – выполнена проверка, что функция непрерывна на заданном промежутке, и верно вычислена производная функции; верно найдены критические точки, попадающие в заданный отрезок; верно вычислены значения функции на концах отрезка и во внутренних критических точках и из них выбраны наибольшее и наименьшее. 2 балла – выполнена проверка, что функция непрерывна на заданном промежутке, и верно вычислена производная функции; верно найдены критические точки, попадающие в заданный отрезок. 1 балл – выполнена проверка, что функция непрерывна на заданном промежутке, и верно вычислена производная функции. 0 баллов – не выполнен ни один из указанных выше критериев. 2. Решить практическую задачу на наибольшее и наименьшее значение функции. Критерий оценки: 4 балла – верно составлена математическая модель задачи (верно выбрана независимая переменная, составлена исследуемая на наибольшее и наименьшее значения функция,</p> | <p>Темы. Правило нахождения наибольшего и наименьшего значений функции на промежутке. Образовательные результаты: знать: этапы решения задач на нахождение наибольшего и наименьшего значений функции; уметь: определять порядок действий при решении задачи; работать с теоретическим материалом по теме задачи; пользоваться математической символикой и терминологией при решении задач; владеть: целесообразными методами решения задачи.</p> |

| | | |
|--|--|--|
| | <p>верно найден промежуток исследования); верно проведено исследование на указанном промежутке; сделан верный вывод о наличии наибольшего и наименьшего значений функции; верно найдено соответствующее значение функции; сделана верная интерпретация полученного результата.</p> <p>3 балла – верно составлена математическая модель задачи; верно проведено исследование на указанном промежутке; сделан верный вывод о наличии наибольшего и наименьшего значений функции; верно найдено соответствующее значение функции.</p> <p>2 балла – верно составлена математическая модель задачи (верно выбрана независимая переменная, составлена исследуемая на наибольшее и наименьшее значения функция, верно найден промежуток исследования); верно проведено исследование на указанном промежутке; сделан верный вывод о наличии наибольшего и наименьшего значений функции.</p> <p>1 балл – верно составлена математическая модель задачи (верно выбрана независимая переменная, составлена исследуемая на наибольшее и наименьшее значения функция, верно найден промежуток исследования);</p> <p>0 баллов – не выполнен ни один из указанных выше критериев.</p> | |
| <p>Самостоятельная работа (специальные обязательные формы) (домашняя) – выполнение домашних заданий</p> | <p>Критерий оценки: количество баллов пропорционально количеству домашних заданий, максимальное количество баллов – 4.</p> <p>3 балла – в домашних заданиях верно выполнены все задачи;</p> <p>1-3 балла – отсутствует часть заданий, или при решении задач допущены ошибки.</p> <p>0 баллов – не выполнены указанные выше условия.</p> <p>За несвоевременное предоставление домашних заданий баллы снижаются.</p> | <p>Темы. Производная функции. Геометрический, механический смыслы производной. Касательная к кривой. Исследование функций методами математического анализа. Наибольшее и наименьшее значения функции.</p> <p>Образовательные результаты.</p> <p>знать: этапы решения задач;</p> <p>уметь: определять порядок действий при решении задачи; работать с теоретическим материалом; пользоваться математической символикой и терминологией при решении задач; владеть: целесообразными методами решения задачи.</p> |
| <p>Самостоятельная работа (специальные обязательные формы) - выполнение домашнего индивидуального задания по теме «Дифференциал функции»</p> | <p>Индивидуальное задание состоит из трёх заданий:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. найти дифференциал функции первого порядка; 2. убедиться, что функция удовлетворяет соотношению, содержащему дифференциал; 3. вычислить приближённо значение функции. <p>Критерий оценки: каждое задание оценивается максимум 2 баллами.</p> <p>2 балла – задание письменно выполнено верно, при отчёте объяснены все требуемые формулы;</p> <p>1 балл – задание выполнено с незначительной ошибкой, которая была исправлена при отчёте задания, или задание письменно выполнено верно, но не объяснено устно;</p> | <p>Темы. Дифференциал функции. Приближённые вычисления с помощью дифференциала.</p> <p>Образовательные результаты.</p> <p>знать: этапы решения задач, нахождения дифференциала;</p> <p>уметь: определять порядок действий при решении задачи; работать с теоретическим материалом; пользоваться математической символикой и терминологией при решении задач</p> |

| | | |
|--|---|---|
| | 0 баллов – задание выполнено неверно. | (находить дифференциал функции, находить приближённое значение функции с помощью дифференциала.); владеть: целесообразными методами решения задачи. |
| Контрольное мероприятие по разделу | <p>Индивидуальное задание включает 3 задания: провести полное исследование функции и построить её график. Критерии оценивания каждого задания: 8 баллов – 1. верно найдена область определения функции; 2. верно проведено исследование на чётность/ нечётность и периодичность; 3. верно сделан вывод о наличии вертикальных асимптот; 4. верно сделан вывод о наличии невертикальных (горизонтальных и наклонных) асимптот; 5. верно проведено исследование на монотонность и экстремумы; 6. верно найдены промежутки выпуклости/ вогнутости графика и 7. верно записаны уравнения касательных в каждой точке перегиба; верно найдены точки пересечения графика с осями координат; 8. верно построен график функции. 7 баллов – верно выполнено 7 пунктов из вышеуказанных 8. 6 баллов – верно выполнено 6 пунктов из вышеуказанных 8. 5 баллов – верно выполнено 5 пунктов из вышеуказанных 8. 4 балла – верно выполнено 4 пункта из вышеуказанных 8. 3 балла – верно выполнено 3 пункта из вышеуказанных 8. 2 балла – верно выполнено 2 пункта из вышеуказанных 8. 1 балл – верно выполнен 1 пункт из вышеуказанных 8. 0 баллов - не выполнено ни одно из условий 1-8.</p> | <p>Темы. Функция. Область определения функции. Асимптоты графика функции. Монотонность функции. Экстремумы функции. Выпуклость, вогнутость кривой, точки перегиба. Уравнение касательной к кривой. Образовательные результаты знать: этапы решения задач (полного исследования функции); уметь: определять порядок действий при решении задачи; работать с теоретическим материалом; проводить полное исследование функции, строить график функции по результатам исследования, пользоваться математической символикой и терминологией при решении задач; владеть: целесообразными методами решения задачи.</p> |
| Промежуточный контроль (кол-во баллов) | 26 | 51 |
| Промежуточная аттестация | Представлены в фонде оценочных средств для промежуточной аттестации по дисциплине | |

Курс 2 Семестр 3

| Вид контроля | | Минимальное количество баллов | Максимальное количество баллов |
|---|--|-------------------------------|--------------------------------|
| Раздел 1. «Неопределённый интеграл» | | | |
| Текущий контроль по разделу: | | | |
| 1. | Аудиторная работа: | | |
| | Ведение конспектов лекций | 1 | 2 |
| | Самостоятельная работа № 1 «Таблица интегралов». | 3 | 5 |
| | Самостоятельная работа № 2 «Замена переменной в неопределённом интеграле». | 2 | 4 |
| | Самостоятельная работа № 3 «Интегрирование по частям в неопределённом интеграле». | 2 | 4 |
| | Самостоятельная работа № 4 «Интегрирование дробно-рациональных функций». | 2 | 4 |
| | Самостоятельная работа № 5 «Интегрирование иррациональных функций». | 2 | 4 |
| | Самостоятельная работа № 6 «Интегрирование тригонометрических функций». | 2 | 4 |
| Контрольное мероприятие по разделу: | | | |
| | Коллоквиум | 6 | 10 |
| | Контрольная работа | 12 | 21 |
| Промежуточный контроль | | 32 | 58 |
| Раздел 2. «Определённый интеграл и несобственные интегралы» | | | |
| Текущий контроль по разделу: | | | |
| 1. | Аудиторная работа: | | |
| | Ведение конспектов лекций | 1 | 3 |
| | Самостоятельная работа № 1 «Вычисление площади плоской фигуры». | 1 | 3 |
| | Самостоятельная работа № 2 «Несобственные интегралы». | 4 | 6 |
| 2. | Самостоятельная работа (специальные обязательные формы) – выполнение домашних заданий. | 1 | 3 |
| 3. | Самостоятельная работа (специальные обязательные формы) (домашняя) – альбом кривых | 3 | 5 |
| Контрольное мероприятие по разделу: | | | |
| | Коллоквиум | 6 | 10 |
| | Контрольная работа | 8 | 12 |
| Промежуточный контроль | | 24 | 42 |
| Промежуточная аттестация | | | |
| Итого: | | 56 | 100 |

| Вид контроля | Перечень или примеры заданий, критерии оценки и количество баллов | Темы для изучения и образовательные результаты |
|---|---|--|
| Текущий контроль по разделу «Неопределённый интеграл» | | |
| Аудиторная работа | | |
| Ведение конспектов лекций | <p>Критерии оценки: количество баллов пропорционально количеству лекций, максимальное количество баллов – 2.</p> <p>2 балла – в конспектах чётко отражены рассматриваемые на лекции вопросы: приведены требуемые определения и теоремы (или есть указания об источнике сведений).</p> <p>1 балл – рассматриваемые на лекции вопросы отражены в конспекте на 70%.</p> <p>0 баллов – не выполнены указанные выше условия.</p> <p>За несвоевременное предоставление конспектов лекций баллы снижаются.</p> | <p>Темы. Вычисление простейших неопределённых интегралов. Метод замены переменной в неопределённом интеграле. Метод интегрирования по частям в неопределённом интеграле. Интегрирование простейших дробей. Интегрирование дробно-рациональной функции в общем случае. Интегрирование иррациональных функций. Интегрирование тригонометрических функций.</p> <p>Образовательные результаты.</p> <p>знать: понятие первообразной функции, понятие и свойства неопределённого интеграла, таблицу интегралов; алгоритм замены переменной в неопределённом интеграле; формулу интегрирования по частям; типы простейших дробей, интегрирование простейших дробей; интегрирование дробно-рациональной функции в общем виде; интегрирование иррациональных функций; интегрирование тригонометрических функций;</p> <p>уметь: работать с теоретическим материалом; пользоваться математической символикой и терминологией.</p> |
| Самостоятельная работа № 1 «Таблица интегралов» | <p>Примеры заданий. Воспроизвести правую часть формулы из таблицы интегралов элементарных функций. Самостоятельная работа состоит из 5 заданий.</p> <p>Критерий оценки:</p> <p>Каждое задание оценивается 1 баллом.</p> <p>1 балл – формула воспроизведена верно,</p> <p>0 баллов – формула воспроизведена неверно.</p> | <p>Темы. Таблица интегралов элементарных функций.</p> <p>Образовательные результаты.</p> <p>знать: этапы решения задач, таблицу интегралов;</p> <p>уметь: работать с теоретическим материалом; пользоваться математической символикой при решении задач;</p> <p>владеть: целесообразными методами решения задачи.</p> |
| Самостоятельная работа № 2 «Замена переменной в неопределённом интеграле» | <p>Примеры заданий. Вычислить неопределённый интеграл $\int x(x^2 + 4)^5 dx$ методом замены переменной.</p> <p>Критерий оценки:</p> | <p>Темы. Формула замены переменной в неопределённом интеграле.</p> <p>Образовательные результаты.</p> |

| | | |
|---|---|---|
| | <p>4 балла – 1. верно выполнена замена, 2. верно записан интеграл относительно новой переменной интегрирования, 3. верно вычислен интеграл относительно новой переменной, 4. верно выполнена обратная замена переменной, верно записан ответ. 3 балла – выполнено 3 пункта из вышеуказанных 4. 2 балла – выполнено 2 пункта из вышеуказанных 4. 1 балл – выполнен 1 пункт из вышеуказанных 4 0 баллов – не выполнено ни одно из вышеуказанных условий.</p> | <p>знать: этапы решения задач, алгоритм замены переменной в неопределённом интеграле; уметь: определять порядок действий при решении задачи (вычислять неопределённые интегралы, используя замену переменной); работать с теоретическим материалом по теме задачи; пользоваться математической символикой и терминологией при решении задач; владеть: целесообразными методами вычисления неопределённого интеграла.</p> |
| <p>Самостоятельная работа № 3 «Интегрирование по частям в неопределённом интеграле»</p> | <p>Примеры заданий. Вычислить интеграл $\int (x + 1)e^x dx$ методом интегрирования по частям. Критерий оценки: 4 балла – 1. верно выбраны в исходном интеграле u и dv, 2. верно найдены du и v, 3. верно применена формула интегрирования по частям, 4. верно вычислен полученный интеграл, верно записан ответ. 3 балла – выполнено 3 пункта из вышеуказанных 4. 2 балла – выполнено 2 пункта из вышеуказанных 4. 1 балл – выполнен 1 пункт из вышеуказанных 4. 0 баллов – не выполнено ни одно из вышеуказанных условий.</p> | <p>Темы. Формула интегрирования по частям в неопределённом интеграле. Образовательные результаты. знать: этапы решения задач, формулу интегрирования по частям; уметь: определять порядок действий при решении задачи (применять формулу интегрирования по частям к вычислению неопределённого интеграла); владеть: целесообразными методами вычисления неопределённого интеграла.</p> |
| <p>Самостоятельная работа № 4 «Интегрирование дробно-рациональных функций»</p> | <p>Примеры заданий. Вычислить интеграл $\int \frac{3x+2}{2x^2+4x+1} dx$. Критерий оценки: 4 балла – 1. верно проведены преобразования подинтегральной функции, 2. верно получены промежуточные интегралы, 3. верно найдены промежуточные интегралы, 4. верно проведены преобразования полученного выражения, верно записан ответ. 3 балла – выполнено 3 пункта из вышеуказанных 4. 2 балла – выполнено 2 пункта из вышеуказанных 4. 1 балл – выполнен 1 пункт из вышеуказанных 4. 0 баллов – не выполнено ни одно из вышеуказанных условий.</p> | <p>Темы. Интегрирование простейших дробей. Интегрирование дробно-рациональных функций. Образовательные результаты. знать: этапы решения задач (нахождения интеграла от дробно-рациональной функции); уметь: определять порядок действий при решении задачи; работать с теоретическим материалом по теме задачи; пользоваться математической символикой и терминологией при решении задач; владеть: целесообразными методами вычисления неопределённого интеграла.</p> |
| <p>Самостоятельная работа № 5 «Интегрирование иррациональных функций»</p> | <p>Примеры заданий. Вычислить интеграл $\int \frac{3x\sqrt{x}-2\sqrt[3]{x}}{\sqrt{x}} dx$. Критерий оценки: 4 балла – 1. верно выбрана рационализирующая подстановка, 2. верно записан интеграл относительно новой переменной интегрирования, 3. верно вычислен интеграл относительно новой переменной,</p> | <p>Темы. Интегрирование иррациональных функций. Рационализирующие подстановки. Образовательные результаты. знать: рационализирующие подстановки, подстановки Чебышева, Эйлера и их частные случаи; этапы решения задачи (нахождения</p> |

| | | |
|--|---|---|
| | <p>4. верно выполнена обратная замена переменной, верно записан ответ. 3 балла – выполнено 3 пункта из вышеуказанных 4 2 балла – выполнено 2 пункта из вышеуказанных 4. 1 балл – выполнен 1 пункт из вышеуказанных 4. 0 баллов – не выполнено ни одно из вышеуказанных условий.</p> | <p>интеграла от иррациональной функции); уметь: определять порядок действий при решении задачи; работать с теоретическим материалом по теме задачи; пользоваться математической символикой и терминологией при решении задач; владеть: целесообразными методами вычисления неопределённого интеграла.</p> |
| <p>Самостоятельная работа № 6 «Интегрирование тригонометрических функций».</p> | <p>Примеры заданий. Вычислить интеграл $\int \sin^2 x \cos^2 x dx$. Критерий оценки: 4 балла – 1-2. верно выбран метод интегрирования, верно произведено преобразование подынтегрального выражения с учётом выбранного метода, 3-4. верно вычислены промежуточные интегралы, верно записан ответ. 3 балла – выполнено 3 пункта из вышеуказанных 4. 2 балла – выполнено 2 пункта из вышеуказанных 4. 1 балл – выполнен 1 пункт из вышеуказанных 4. 0 баллов – не выполнено ни одно из вышеуказанных условий.</p> | <p>Темы. Интегрирование тригонометрических функций. Универсальная подстановка. Частные случаи. Образовательные результаты. знать: частные случаи неопределённых интегралов от тригонометрических функций, этапы решения задачи (нахождения интеграла от тригонометрической функции); уметь: определять порядок действий при решении задачи; работать с теоретическим материалом по теме задачи; пользоваться математической символикой и терминологией при решении задач; владеть: целесообразными методами вычисления неопределённого интеграла.</p> |
| <p>Контрольное мероприятие по разделу</p> | | |
| <p>Коллоквиум</p> | <p>Примерная программа коллоквиума 1. Понятие первообразной функции. Свойства первообразной. 2. Определение неопределённого интеграла и его свойства. Теорема существования неопределённого интеграла. 3. Методы интегрирования. Непосредственное интегрирование. Теорема о замене переменной в неопределённом интеграле. 4. Вывод формул $\int \frac{dx}{a^2+x^2} = \frac{1}{a} \arctg \frac{x}{a} + C$, $\int \frac{dx}{x^2-a^2} = \frac{1}{2a} \ln \left \frac{x-a}{x+a} \right + C$, $\int \frac{dx}{\sqrt{a^2-x^2}} = \arcsin \frac{x}{a} + C$, $\int \frac{dx}{\sqrt{x^2+A}} = \ln x + \sqrt{x^2+A} + C$. 5. Метод интегрирования по частям. Два случая применения. Рекуррентная формула. 6. Вывод формулы $\int \sqrt{a^2-x^2} dx = \frac{x}{2} \sqrt{a^2-x^2} + \frac{a^2}{2} \arcsin \frac{x}{a} + C$. 7. Простейшие рациональные дроби (4 типа). Интегрирование простейших рациональных дробей.</p> | <p>Темы. Вычисление простейших неопределённых интегралов. Метод замены переменной в неопределённом интеграле. Метод интегрирования по частям в неопределённом интеграле. Интегрирование простейших дробей. Интегрирование дробно-рациональной функции в общем случае. Интегрирование иррациональных функций. Интегрирование тригонометрических функций. Различные методы интегрирования. Образовательные результаты. знать: этапы решения задач интегрального исчисления; понятие первообразной функции, понятие и свойства неопределённого интеграла, таблицу интегралов; алгоритм замены переменной в неопределённом интеграле; формулу</p> |

| | | |
|---------------------------|---|---|
| | <p>8. Интегрирование дробно-рациональной функции общего вида. Теорема о разложении дроби на сумму простейших дробей. Нахождение коэффициентов разложения.</p> <p>9. Интегрирование иррациональных функций. Интегралы вида $\int R\left(x, x^{\frac{m_1}{n_1}}, x^{\frac{m_2}{n_2}}, \dots, x^{\frac{m_k}{n_k}}\right) dx$, $\int R\left(x, \left(\frac{ax+b}{cx+d}\right)^{\frac{m_1}{n_1}}, \left(\frac{ax+b}{cx+d}\right)^{\frac{m_2}{n_2}}, \dots, \left(\frac{ax+b}{cx+d}\right)^{\frac{m_k}{n_k}}\right) dx$.</p> <p>10. Подстановки Эйлера в интегралах вида $\int R(x, \sqrt{ax^2 + bx + c}) dx$. Частные случаи.</p> <p>11. Интегрирование биномиального дифференциала. Подстановки Чебышёва.</p> <p>12. Интегрирование тригонометрических функций $\int R(\sin x, \cos x) dx$. Универсальная подстановка.</p> <p>13. Интегрирование тригонометрических функций. Частные случаи. Практика: вычислить неопределённый интеграл. Критерии оценки: 10 баллов - приведены чёткие и правильные формулировки определений, указанных в вопросе билета коллоквиума; приведена верная последовательность всех шагов требуемых доказательств вопроса билета, задача решена верно. 7-9 баллов - приведены чёткие и правильные формулировки определений, указанных в вопросе билета; приведена верная последовательность всех шагов требуемых доказательств вопроса билета; допустимы негрубые ошибки в рассуждениях доказательства или решения задачи. 4-6 баллов - приведены чёткие и правильные формулировки определений и теорем, указанных в вопросе билета коллоквиума, в решении задачи допущены негрубые ошибки. 0-3 балла - приведены нечёткие или неправильные формулировки определений и теорем, указанных в вопросе билета коллоквиума, задача решена неверно.</p> | <p>интегрирования по частям; типы простейших дробей, интегрирование простейших дробей; интегрирование дробно-рациональной функции в общем виде; рационализирующие подстановки, подстановки Чебышева, Эйлера и их частные случаи; универсальную тригонометрическую подстановку, частные случаи неопределённых интегралов от тригонометрических функций; уметь: определять порядок действий при решении задачи; работать с теоретическим материалом по теме задачи; пользоваться математической символикой и терминологией при решении задач и доказательстве теорем; владеть: целесообразными методами вычисления неопределённого интеграла.</p> |
| <p>Контрольная работа</p> | <p>Контрольная работа состоит из 7 заданий на вычисление неопределённого интеграла. Критерии оценки: Каждое задание оценивается максимум 3 баллами. 3 балла – верно выбрана формула для вычисления интеграла, верно проведены преобразования при вычислении интеграла, получен верный результат; 2 балла – верно выбрана формула для вычисления интеграла, при проведении преобразований допущены одна негрубая ошибка; 1 балл – неверно выбрана формула для вычисления интеграла, или при проведении вычислений допущена грубая ошибка; 0 баллов – неверно выбрана формула для вычисления интеграла, и вычисление интеграла содержит ряд серьёзных ошибок.</p> | <p>Темы. Таблица интегралов. Основные методы интегрирования. Интегрирование рациональных, иррациональных, тригонометрических функций. Образовательные результаты. знать: этапы нахождения неопределённых интегралов; понятие и свойства неопределённого интеграла, таблицу интегралов; алгоритм замены переменной в неопределённом интеграле; формулу интегрирования по частям; интегрирование дробно-рациональной функции; рационализирующие подстановки при вычислении интегралов от иррациональных функций; универсальную тригонометрическую подстановку,</p> |

| | | |
|---|---|---|
| | | частные случаи неопределённых интегралов от тригонометрических функций; уметь: определять порядок действий при решении задачи; работать с теоретическим материалом по теме задачи; пользоваться математической символикой и терминологией при решении задач; владеть: целесообразными методами вычисления неопределённых интегралов. |
| Промежуточный контроль (кол-во баллов) | 32 | 58 |
| Текущий контроль по разделу «Определённый интеграл и несобственные интегралы» | | |
| Аудиторная работа | | |
| Ведение конспектов лекций | Критерии оценки: количество баллов пропорционально количеству лекций, максимальное количество баллов – 3. 3 балла – в конспектах чётко отражены рассматриваемые на лекции вопросы: приведены требуемые определения и теоремы (или есть указания об источнике сведений). 1 – 2 балла – рассматриваемые на лекции вопросы отражены в конспекте не полностью. 0 баллов – не выполнены указанные выше условия. За несвоевременное предоставление конспектов лекций баллы снижаются. | Темы. Формула Ньютона-Лейбница. Методы вычисления определённых интегралов. Геометрические и механические приложения определённого интеграла. Образовательные результаты. знать: определение определённого интеграла и его свойства, формулу Ньютона-Лейбница, формулы замены переменной и интегрирования по частям в определённом интеграле, геометрические и механические приложения определённого интеграла; уметь: работать с теоретическим материалом; пользоваться математической символикой и терминологией при решении задач и доказательстве теорем математического анализа |
| Самостоятельная работа № 1 «Вычисление площади плоской фигуры». | Примеры заданий. Вычислить площадь фигуры, ограниченной кривыми. Критерий оценки: 3 балла – верно указаны линии, ограничивающие фигуру, площадь которой нужно найти, верно изображена фигура, верно приведена формула, применяемая для вычисления площади рассматриваемой фигуры, верно проведены преобразования в ходе вычисления определённого интеграла; верно проведены вычисления. 2 балла – верно указаны линии, ограничивающие фигуру, площадь которой нужно найти, верно изображена фигура, верно приведена формула, применяемая для вычисления площади рассматриваемой фигуры, допущена ошибка при проведении преобразований или в ходе вычисления определённого интеграла; | Темы. Вычисление площадей плоских фигур посредством определённого интеграла. Образовательные результаты. знать: этапы решения задачи на отыскание площади плоской фигуры, площади криволинейного сектора уметь: работать с теоретическим материалом по теме задачи; пользоваться математической символикой и терминологией при решении задач; владеть: навыками выбора целесообразных методов применения определённых интегралов к |

| | | |
|---|--|---|
| | <p>1 балл - верно указаны линии, ограничивающие фигуру, площадь которой нужно найти, верно изображена фигура, верно приведена формула, применяемая для вычисления площади рассматриваемой фигуры, преобразованиях и вычислениях определённого интеграла. 0 баллов – не выполнены указанные выше условия.</p> | <p>решению геометрических задач.</p> |
| <p>Самостоятельная работа № 2 «Несобственные интегралы».</p> | <p>Примеры заданий: 1. Исследовать на сходимость несобственный интеграл первого рода. 2. Исследовать на сходимость несобственный интеграл второго рода. Каждое задание оценивается максимум 3 баллами Критерий оценки: 3 балла – верно установлен тип несобственного интеграла, верно указан промежуток, на котором непрерывна подынтегральная функция, для несобственного интеграла второго рода верно определены особые точки, верно применена формула вычисления несобственного интеграла (верно вычислен определённый интеграл, верно вычислен соответствующий предел от него), получен верный результат, сделан верный вывод о сходимости или расходимости несобственного интеграла. 2 балла – верно установлен тип несобственного интеграла, верно указан промежуток, на котором непрерывна подынтегральная функция, для несобственного интеграла второго рода верно определены особые точки, верно применена формула вычисления несобственного интеграла (верно вычислен определённый интеграл, верно вычислен соответствующий предел от него), получен верный результат, сделан неверный вывод о сходимости или расходимости несобственного интеграла. 1 балл - верно установлен тип несобственного интеграла, допущены ошибки при указании промежутка, на котором непрерывна подынтегральная функция, для несобственного интеграла второго рода допущены ошибки при определении особых точек, при применении формулы вычисления несобственного интеграла допущены ошибки. 0 баллов - не выполнен ни один из указанных выше критериев.</p> | <p>Темы. Несобственные интегралы первого рода (по бесконечному промежутку). Несобственные интегралы второго (рода от неограниченной функции). Образовательные результаты. знать: понятие несобственных интегралов, их классификацию, этапы исследования несобственных интегралов на сходимость; уметь: работать с теоретическим материалом по теме задачи; пользоваться математической символикой и терминологией при решении задач на исследование несобственных интегралов; владеть: целесообразными методами исследования несобственных интегралов на сходимость</p> |
| <p>Самостоятельная работа (обяз.) – выполнение домашних заданий</p> | <p>Критерий оценки: количество баллов пропорционально количеству домашних заданий, максимальное количество баллов – 3. 3 балла – в домашних заданиях верно выполнены все задачи; 1-2 балла – отсутствует часть заданий, или при решении задач допущены ошибки. 0 баллов – не выполнены указанные выше условия. За несвоевременное предоставление домашних заданий баллы снижаются.</p> | <p>Темы. Формула Ньютона-Лейбница. Методы вычисления определённых интегралов. Геометрические и механические приложения определённого интеграла. Образовательные результаты. знать: этапы решения задач из раздела «Интегральное исчисление» уметь: работать с теоретическим материалом по теме задачи; пользоваться математической символикой и терминологией при решении задач и</p> |

| | | |
|---|---|---|
| | | <p>доказательстве теорем математического анализа: проводить рассуждения при вычислении определённых интегралов, вычислять определённые интегралы посредством формул: Ньютона-Лейбница, замены переменной в определённом интеграле, интегрирования по частям в определённом интеграле, находить площадь плоской фигуры, объём тела вращения, длину дуги, площадь поверхности вращения посредством определённого интеграла, применять определённый интеграл к задачам механики; владеть: целесообразными методами вычисления определённых интегралов и решения геометрических задач и задач механики посредством определённого интеграла.</p> |
| <p>Самостоятельная работа (специальные обязательные формы) (домашняя) – альбом кривых</p> | <p>В альбоме кривых построить линии:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. Цепная линия $y = \frac{a}{2} \left(e^{\frac{x}{a}} + e^{-\frac{x}{a}} \right)$; 2. Циклоида $\begin{cases} x = a(t - \sin t), \\ y = a(1 - \cos t). \end{cases}$ 3. Астроида $\begin{cases} x = a \cos^3 t, \\ y = a \sin^3 t. \end{cases}$ 4. Эвольвента круга $\begin{cases} x = a(t \cdot \sin t + \cos t), \\ y = a(\sin t - t \cdot \cos t). \end{cases}$ 5. Эллипс $\begin{cases} x = a \cos t, \\ y = b \sin t. \end{cases}$ 6. Лемниската Бернулли $\rho^2 = a^2 \cos 2\varphi$. 7. Спираль Архимеда $\rho = a \cdot \varphi$. 8. Логарифмическая спираль $\rho = a \cdot e^{n\varphi}$. 9. Кардиоида $\rho = a(1 + \cos \varphi)$ и $\rho = a(1 - \cos \varphi)$. 10. Трехлепестковая роза $\rho = a \cdot \cos 3\varphi$ и $\rho = a \cdot \sin 3\varphi$ 11. Четырехлепестковая роза $\rho = a \cdot \cos 2\varphi$ и $\rho = a \cdot \sin 2\varphi$. <p>Критерии оценки:</p> <p>5 баллов – все кривые построены точно, расположенные в одной системе координат графики различных функций чётко различаются.</p> <p>4 балла – 8-10 кривых построены точно, расположенные в одной системе координат кривые чётко различаются.</p> <p>3 балла – 5-7 кривых построены точно, расположенные в одной системе координат кривые чётко различаются.</p> <p>2 балла – 3-4 кривых построены точно, расположенные в одной системе координат</p> | <p>Темы. Геометрические приложения определённого интеграла.</p> <p>Образовательные результаты.</p> <p>знать: этапы построения кривых;</p> <p>уметь: работать с теоретическим материалом; пользоваться математической символикой и терминологией; строить указанные кривые в декартовой и полярной системе координат, владеть: целесообразными методами построения кривых в полярной и декартовой системах координат</p> |

| | | |
|------------------------------------|---|--|
| | <p>кривые чётко различаются. 1 балл – 1-2 кривые построены точно, расположенные в одной системе координат кривые чётко различаются. 0 баллов – построенные кривые не удовлетворяет вышеуказанным критериям.</p> | |
| Контрольное мероприятие по разделу | | |
| Коллоквиум | <p>Примерная программа коллоквиума</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. Понятие интегральной суммы и определённого интеграла. 2. Необходимое условие интегрируемости. Замечание с примером. 3. Геометрический смысл определённого интеграла. 4. Теорема существования определённого интеграла. 5. Свойства определённого интеграла. 6. Определённый интеграл как функция переменного верхнего предела. 7. Формула Ньютона-Лейбница. 8. Замена переменной в определённом интеграле. 9. Интегрирование по частям в определённом интеграле. 10. Интеграл от чётной и нечётной функции по симметричному промежутку. 11. Вычисление площадей плоских фигур посредством определённого интеграла. 12. Площадь криволинейного сектора в полярных координатах. 13. Достаточное условие спрямляемости дуги. 14. Объём тела с известным поперечным сечением. 15. Объём тела вращения. 16. Площадь поверхности вращения. <p>Практика: решить задачу с использованием определённого интеграла. Критерии оценки: 10 баллов - приведены чёткие и правильные формулировки определений, указанных в вопросе билета коллоквиума; приведена верная последовательность всех шагов требуемых доказательств вопроса билета, задача решена верно. 7-9 баллов - приведены чёткие и правильные формулировки определений, указанных в вопросе билета; приведена верная последовательность всех шагов требуемых доказательств вопроса билета; допустимы негрубые ошибки в рассуждениях доказательства или решения задачи. 4-6 баллов - приведены чёткие и правильные формулировки определений и теорем, указанных в вопросе билета коллоквиума, в решении задачи допущены негрубые ошибки. 0-3 балла - приведены нечёткие или неправильные формулировки определений и теорем, указанных в вопросе билета коллоквиума, задача решена неверно.</p> | <p>Темы. Понятие определённого интеграла, интегральной суммы. Формула Ньютона-Лейбница. Методы вычисления определённых интегралов. Геометрические и механические приложения определённого интеграла. Образовательные результаты. знать: этапы решения задач из раздела «Интегральное исчисление» уметь: работать с теоретическим материалом по теме задачи; пользоваться математической символикой и терминологией при решении задач и доказательстве теорем математического анализа; проводить рассуждения при вычислении определённых интегралов, вычислять определённые интегралы посредством формул: Ньютона-Лейбница, замены переменной в определённом интеграле, интегрирования по частям в определённом интеграле, находить площадь плоской фигуры, объём тела вращения, длину дуги, площадь поверхности вращения посредством определённого интеграла, применять определённый интеграл к задачам механики; владеть: целесообразными методами вычисления определённых интегралов и решения геометрических задач и задач механики посредством определённого интеграла.</p> |
| Контрольная работа | Примеры заданий: | Темы. Формула Ньютона-Лейбница. Методы |

| | | |
|--|--|---|
| | <p>1. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями, уравнения которых заданы. 2а. Фигура, ограниченная кривыми с заданными уравнениями, вращается вокруг оси абсцисс. Вычислить объём тела, которое при этом получается. 2б. Вычислить площадь поверхности, образованной вращением линии вокруг оси абсцисс (полярной оси). 2в. Вычислить длину дуги. 3а. Вычислить статистический момент фигуры (линии) относительно координатной оси. 3б. Найти координаты центра тяжести фигуры (линии). Каждое задание оценивается максимум 4 баллами. Критерии оценки: 4 балла – верно выполнен рисунок, верно выбрана формула для нахождения результата, верно выбраны формула и метод интегрирования, применяемые в задаче, в случае метода замены переменной верно заменены пределы интегрирования, верно вычислен интеграл. 3 балла – допущены негрубые ошибки при выполнении рисунка, верно выбрана формула для нахождения результата, верно выбрана формула и метод интегрирования, применяемый в задаче, при вычислении интеграла допущены негрубые ошибки. 2 балла - допущены ошибки при выполнении рисунка или выборе формулы для нахождения результата, метода интегрирования, применяемого в задаче, или при вычислении интеграла. 1 балл – неверно выполнен рисунок или неверно выбрана формула для нахождения результата, допущены ошибки при выборе метода интегрирования или формулы, или при вычислении интеграла допущены грубые ошибки. 0 баллов - не выполнен ни один из указанных выше критериев.</p> | <p>вычисления определённых интегралов. Геометрические приложения определённого интеграла. Механические приложения определённого интеграла. Образовательные результаты. знать: этапы решения задач из раздела «Интегральное исчисление»; формулу замены переменной в определённом интеграле, формулу интегрирования по частям в определённом интеграле, геометрические и механические приложения определённого интеграла; уметь: работать с теоретическим материалом по теме задачи; пользоваться математической символикой и терминологией при решении задач; проводить рассуждения при вычислении определённых интегралов, вычислять определённые интегралы посредством формул: Ньютона-Лейбница, замены переменной в определённом интеграле, интегрирования по частям в определённом интеграле, находить площадь плоской фигуры, объём тела вращения, длину дуги, площадь поверхности вращения посредством определённого интеграла, применять определённый интеграл к задачам механики; владеть: целесообразными методами вычисления определённых интегралов и решения геометрических задач и задач механики посредством определённого интеграла.</p> |
| Промежуточный контроль (кол-во баллов) | 24 | 42 |
| Промежуточная аттестация | Представлены в фонде оценочных средств для промежуточной аттестации по дисциплине | |

Направление подготовки: 44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки)
 Направленность (профиль): «Математика и Физика»
 Рабочая программа дисциплины «Математический анализ»
 Балльно-рейтинговая карта дисциплины «Математический анализ»

Курс 2 Семестр 4

| Вид контроля | | Минимальное количество баллов | Максимальное количество баллов |
|-------------------------------------|--|-------------------------------|--------------------------------|
| Раздел «Ряды» | | | |
| Текущий контроль по разделу: | | | |
| 1. | Аудиторная работа: | | |
| | Самостоятельная работа № 1 «Признаки сравнения для положительных рядов». | 2 | 3 |
| | Самостоятельная работа № 2 «Признаки Даламбера и Коши для положительных рядов». | 4 | 6 |
| | Самостоятельная работа № 3 «Интегральный признак сходимости положительных рядов». | 2 | 4 |
| | Самостоятельная работа № 4 «Исследование на сходимость знакопеременующегося ряда». | 2 | 4 |
| | Самостоятельная работа № 5 «Отыскание области сходимости степенного ряда». | 3 | 5 |
| 2. | Самостоятельная работа (специальные обязательные формы) (домашняя) – индивидуальное задание по теме «Ряды Фурье» | 10 | 16 |
| 3. | Самостоятельная работа (специальные формы на выбор студента): | | |
| | Доклад на одну из предложенных тем. | 0 | 5 |
| | Подготовка презентации на одну из предложенных тем. | 0 | 10 |
| Контрольное мероприятие по разделу: | | | |
| | Теоретическая часть (коллоквиум) | 6 | 10 |
| | Практическая часть (контрольная работа) | 20 | 28 |
| | Практическая часть (тест) | 7 | 10 |
| Промежуточный контроль | | 56 | 100 |
| Промежуточная аттестация | | | |
| Итого: | | 56 | 100 |

| Вид контроля | Перечень или примеры заданий, критерии оценки и количество баллов | Темы для изучения и образовательные результаты |
|---|--|---|
| Текущий контроль по разделу «Ряды» | | |
| Аудиторная работа | | |
| Самостоятельная работа № 1 «Признаки сравнения для положительных рядов». | <p>Примеры заданий. Исследовать ряд на сходимость, используя признаки сравнения числовых рядов с положительными членами.</p> <p>Критерии оценки:</p> <p>3 балла – правильно выбран признак сравнения сходимости ряда, правильно подобран ряд для сравнения, исследование проведено верно, и сделан правильный вывод о сходимости ряда,</p> <p>2 балла – правильно выбран признак сходимости ряда, правильно подобран ряд для сравнения, исследование проведено с незначительными ошибками, и сделан правильный вывод о сходимости ряда,</p> <p>1 балл – допущены ошибки при выборе признака сходимости ряда и подборе ряда для сравнения, или правильно выбран признак сходимости ряда, правильно подобран ряд для сравнения, исследование проведено с незначительными ошибками, и сделан неправильный вывод о сходимости ряда,</p> <p>0 баллов – не выполнено ни одно из указанных условий.</p> | <p>Темы. Числовой ряд с положительными членами. Признак сравнения рядов с положительными членами. Предельный признак сравнения рядов с положительными членами.</p> <p>Образовательные результаты.</p> <p>знать: основные понятия теории числовых рядов, признаки сравнения для положительных числовых рядов, этапы исследования ряда на сходимость с помощью признака сравнения</p> <p>уметь: определять порядок действий при исследовании положительных числовых рядов на сходимость с помощью признаков сравнения;</p> <p>владеть: навыком выбора целесообразного метода исследования положительных числовых рядов на сходимость.</p> |
| Самостоятельная работа № 2 «Признаки Даламбера и Коши для положительных рядов». | <p>Примеры заданий. Исследовать ряды на сходимость, используя признаки Даламбера и Коши сходимости числовых рядов с положительными членами.</p> <p>Критерии оценки:</p> <p>Каждое задание оценивается максимум 3 баллами</p> <p>3 балла –</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. верно выбран признак сходимости ряда, 2. верно вычислен необходимый для признака предел, 3. сделан верный вывод о сходимости ряда, <p>2 балла – выполнено 2 пункта из трёх вышеуказанных,</p> <p>1 балл – выполнен 1 пункт из трёх вышеуказанных,</p> <p>0 баллов – не выполнено ни одно из указанных условий.</p> | <p>Темы. Числовой ряд с положительными членами. Признак Даламбера. Признак Коши.</p> <p>Образовательные результаты.</p> <p>знать: основные понятия теории числовых рядов, признаки Даламбера и Коши для положительных числовых рядов, этапы исследования ряда на сходимость с помощью признаков Даламбера и Коши;</p> <p>уметь: определять порядок действий при исследовании положительных числовых рядов на сходимость с помощью признаков Даламбера и Коши;</p> <p>владеть: навыком выбора целесообразного метода исследования положительных числовых рядов на сходимость.</p> |

| | | |
|--|--|--|
| <p>Самостоятельная работа № 3 «Интегральный признак сходимости положительных рядов».</p> | <p>Примеры заданий. Исследовать ряд на сходимость, используя интегральный признак сходимости числовых рядов с положительными членами. Критерии оценки: 4 балла – 1. верно подобрана функция $f(x)$ и проверены условия применимости интегрального признака сходимости, 2-3. верно проведено исследование несобственного интеграла, 4. сделан верный вывод о сходимости ряда, 3 балла – выполнено 3 пункта из вышеуказанных, 2 балла – выполнено 2 пункта из вышеуказанных, 1 балл – выполнен 1 пункт из вышеуказанных, 0 баллов – не выполнено ни одно из указанных условий.</p> | <p>Темы. Числовой ряд с положительными членами. Интегральный признак сходимости. Образовательные результаты. знать: основные понятия теории числовых рядов, интегральный признак сходимости для положительных числовых рядов, этапы исследования ряда на сходимость с помощью интегрального признака уметь: определять порядок действий при исследовании положительных числовых рядов на сходимость с помощью интегрального признака; владеть: навыком выбора целесообразного метода исследования положительных числовых рядов на сходимость.</p> |
| <p>Самостоятельная работа № 4 «Исследование на сходимость знакопеременующегося ряда»</p> | <p>Примеры заданий. Исследовать знакопеременующийся ряд на абсолютную/ условную сходимость. Критерии оценки: 4 балла – 1. верно проверены условия выполнимости признака Лейбница (сходимости знакопеременующегося ряда); 2. сделан верный вывод о сходимости знакопеременующегося ряда по признаку Лейбница, 3. верно проведено исследование абсолютного ряда, 4. сделан верный вывод об условной или абсолютной сходимости ряда на основании исследования на сходимость абсолютного ряда; 3 балла – выполнено 3 пункта из вышеуказанных, 2 балла – выполнено 2 пункта из вышеуказанных, 1 балл – выполнен 1 пункт из вышеуказанных, 0 баллов – не выполнено ни одно из указанных условий.</p> | <p>Темы. Знакопеременующиеся ряды. Признак Лейбница. Абсолютная и условная сходимость ряда. Образовательные результаты. знать: признаки сходимости для рядов с произвольными членами, признак Лейбница, этапы исследования знакопеременующихся и знакопеременующихся рядов на сходимость; уметь: определять порядок действий при исследовании знакопеременующихся числовых рядов на сходимость; владеть: навыком выбора целесообразного метода исследования знакопеременующихся числовых рядов на сходимость.</p> |
| <p>Самостоятельная работа № 5 «Отыскание области сходимости степенного ряда»</p> | <p>Примеры заданий. Найти область сходимости степенного ряда. Критерии оценки: 5 баллов – осуществлён переход к числовому ряду, исследован числовой ряд с произвольными членами, найден интервал сходимости степенного ряда, ряд исследован верно на обоих концах интервала сходимости, найдена область сходимости степенного ряда. 4 балла – осуществлён переход к числовому ряду, исследован числовой ряд с произвольными членами, найден интервал сходимости степенного ряда, ряд исследован верно на одном конце интервала сходимости степенного ряда.</p> | <p>Темы. Функциональный ряд. Степенной ряд. Интервал сходимости степенного ряда. Признаки сходимости числовых рядов с положительными и произвольными членами. Область сходимости степенного ряда. Образовательные результаты. знать: основные понятия теории степенных рядов, этапы нахождения области сходимости степенного ряда;</p> |

| | | |
|---|--|---|
| | <p>3 балла – осуществлён переход к числовому ряду, исследован числовой ряд с произвольными членами, найден интервал сходимости степенного ряда. 2 балла – осуществлен переход к числовому ряду, допущены ошибки при исследовании числового ряда с произвольными членами. 1 балл – осуществлён переход к числовому ряду. 0 баллов – не выполнено ни одно из указанных условий.</p> | <p>уметь: Работать с теоретическим материалом по теме задачи, пользоваться математической символикой и терминологией при исследовании на сходимость степенных рядов; владеть: целесообразными методами исследования на сходимость степенных рядов.</p> |
| <p>Самостоятельная работа (специальные обязательные формы) – индивидуальное домашнее задание «Ряды Фурье»</p> | <p>Примеры заданий. Индивидуальное задание состоит из задач для двух функций: 1. Данную функцию $f(x)$ на заданном промежутке разложить в ряд Фурье (указано, по каким функциям). 2. Построить графики $f(x)$ и суммы ряда $S(x)$. 3. Вычислить значения $S(x)$ в указанных точках. Критерии оценки: Задание для каждой функции оценивается максимум 8 баллами: 8 баллов – верно выполнены все задания, при отчёте объяснены все требуемые вычисления. 6-7 баллов – выполнено правильно 75% работы. Более высокий балл достигается выполнением работы над ошибками и частичным переписыванием задач работы по выбору преподавателя. 4-5 баллов – выполнено правильно 50% работы. Более высокий балл достигается частичным переписыванием задач контрольной работы по выбору преподавателя и выполнением работы над ошибками. 2-3 балла – выполнено правильно 25 % работы. Более высокий балл достигается полным переписыванием работы и выполнением работы над ошибками. 1 балл – выполнено правильно 10% работы. Работа требует полного переписывания по другому варианту. 0 баллов – не выполнено ни одно из указанных условий. При полностью правильном выполненном индивидуальном задании, но отсутствии устного отчёта по работе выставляется максимально 5 баллов.</p> | <p><u>Темы.</u> Ряды Фурье. Сумма ряда Фурье. Разложение функции в ряд Фурье. Разложение функции в ряд Фурье по синусам и косинусам. Образовательные результаты. знать: понятие тригонометрического ряда и его свойства, этапы разложения функции в тригонометрический ряд; уметь: работать с теоретическим материалом, пользоваться математической символикой и терминологией при разложении функции в ряд Фурье; владеть: методом разложения функций в тригонометрический ряд.</p> |
| <p>Самостоятельная работа (специальные формы на выбор студента) – доклад на одну из предложенных тем.</p> | <p>Примеры тем. 1. История возникновения теории рядов и её основных понятий. 2. Исследование сходимости положительных числовых рядов с помощью признаков Раабе, Куммера, Гаусса, Ермакова. 3. Исследование сходимости произвольных числовых рядов с помощью признаков Абеля, Дирихле. 4. Решение задач на почленное интегрирование и на почленное дифференцирование функциональных рядов. 5. Аналитическое определение тригонометрических функций. 6. Деление степенных рядов.</p> | <p>Темы. 1. История возникновения теории рядов и её основных понятий. 2. Исследование сходимости положительных числовых рядов с помощью признаков Раабе, Куммера, Гаусса, Ермакова. 3. Исследование сходимости произвольных числовых рядов с помощью признаков Абеля, Дирихле. 4. Решение задач на почленное интегрирование</p> |

| | | |
|---|---|--|
| | <p>7. Решение уравнений рядами. 8. Ряд Лагранжа. 9. Применение метода Фурье в задачах математической физики. 10. Интеграл Фурье и его применение в задачах математической физики. 11. Понятие интеграла Фурье как предельного случая ряда Фурье. 12. Преобразование Фурье. Критерий оценки: 5 баллов – представленный доклад полностью соответствует заявленной теме, оформлен аккуратно, грамотно, в соответствии с правилами, сопровождается презентацией, иллюстрирующей текст доклада. 1-4 балла – допущены нарушения в критериях на 5 баллов. 0 баллов – не выполнено ни одно из условий, указанных выше.</p> | <p>и на почленное дифференцирование функциональных рядов. 5. Аналитическое определение тригонометрических функций. 6. Деление степенных рядов. 7. Решение уравнений рядами. 8. Ряд Лагранжа. 9. Применение метода Фурье в задачах математической физики. 10. Интеграл Фурье и его применение в задачах математической физики. 11. Понятие интеграла Фурье как предельного случая ряда Фурье. 12. Преобразование Фурье. Образовательные результаты. знать: этапы решения задач по указанным темам; уметь: работать с теоретическим материалом; пользоваться математической символикой и терминологией; владеть: целесообразными методами подбора материала.</p> |
| <p>Самостоятельная работа (специальные формы на выбор студента) – подготовка презентации на одну из предложенных тем.</p> | <p>Темы. 1. Понятие ряда. Понятие частичной суммы ряда, суммы ряда. Сходимость ряда. Необходимый признак сходимости. 2. Свойства рядов. 3. Признаки сравнения. 4. Признак Даламбера. 5. Признак Коши. 6. Интегральный признак сходимости. 7. Знакопеременные ряды. Знакопеременяющиеся ряды. Абсолютная сходимость ряда, условная сходимость ряда. 8. Признак Лейбница. 9. Функциональные ряды. Область сходимости функционального ряда. 10. Степенные ряды. Интервал сходимости степенного ряда. Свойства степенных рядов внутри интервала сходимости. 11. Разложение функции в степенной ряд в окрестности точки. Ряд Тейлора. Ряд Маклорена. 12. Приближённые вычисления с помощью функциональных рядов.</p> | <p>Темы. 1. Понятие ряда. Понятие частичной суммы ряда, суммы ряда. Сходимость ряда. Необходимый признак сходимости. 2. Свойства рядов. 3. Признаки сравнения. 4. Признак Даламбера. 5. Признак Коши. 6. Интегральный признак сходимости. 7. Знакопеременные ряды. Знакопеременяющиеся ряды. Абсолютная сходимость ряда, условная сходимость ряда. 8. Признак Лейбница. 9. Функциональные ряды. Область сходимости функционального ряда. 10. Степенные ряды. Интервал сходимости степенного ряда. Свойства степенных рядов</p> |

| | | |
|------------------------------------|---|---|
| | <p>13. Понятие тригонометрического ряда Фурье. 14. Разложение функций в тригонометрические ряды Фурье. Критерий оценки: 10 баллов – 1. Количество слайдов соответствует содержанию и продолжительности выступления, наличие титульного слайда. 2. Цвет фона гармонирует с цветом текста, размер шрифта оптимальный, всё отлично читается. Все страницы выдержаны в едином стиле. 3. Ключевые слова в тексте выделены. 4. Анимация присутствует только в тех местах, где она уместна и усиливает эффект восприятия текстовой части информации. Звуковой фон (если он есть) соответствует единой концепции и усиливает эффект восприятия текстовой части информации 5. Гиперссылки выделены и имеют разное оформление до и после посещения кадра. Все ссылки работают. 6. Содержание является строго научным. Информация является актуальной. 7. Презентация содержит полную, понятную информацию по теме, теоретический текст сопровождается примерами, 8. Орфографические, пунктуационные, стилистические ошибки отсутствуют, формулы набраны в формульном редакторе. 9. Иллюстрации усиливают эффект восприятия текстовой части информации 10. Выступающий свободно владеет содержанием, ясно и грамотно излагает материал, свободно и корректно отвечает на вопросы и замечания аудитории. 1-9 баллов – выполнено соответствующее число условий из вышеуказанных. 0 баллов – не выполнено ни одно из вышеуказанных условий.</p> | <p>внутри интервала сходимости. 11. Разложение функции в степенной ряд в окрестности точки. Ряд Тейлора. Ряд Маклорена. 12. Приближённые вычисления с помощью функциональных рядов. 13. Понятие тригонометрического ряда Фурье. 14. Разложение функций в тригонометрические ряды Фурье. Образовательные результаты. знать: этапы решения задач по указанным темам; уметь: работать с теоретическим материалом; пользоваться математической символикой и терминологией; владеть: целесообразными методами подбора материала.</p> |
| Контрольное мероприятие по разделу | | |
| Коллоквиум | <p>Примерная программа коллоквиума 1. Числовые ряды. Сумма ряда. Понятие сходящихся и расходящихся рядов. «Эталонные» числовые ряды. 2. Необходимый признак сходимости ряда. Действия над рядами. Остаток ряда и его свойства. 3. Ряды с положительными членами, их свойства. 4. Достаточные признаки сходимости для рядов с положительными членами: теорема сравнения, предельная теорема сравнения, признаки Даламбера и Коши. Интегральный признак сходимости ряда. Примеры на все признаки. 5. Знакопередающиеся ряды. Теорема Лейбница. Ряды с произвольными членами. Абсолютная и условная сходимость. Свойства абсолютно и условно сходящихся рядов. 6. Достаточные признаки сходимости для рядов с произвольными членами. 7. Функциональные ряды. Равномерная и неравномерная сходимость ряда.</p> | <p>Темы. Понятие ряда. Понятие частичной суммы ряда, суммы ряда. Сходимость ряда. Необходимый признак сходимости. Свойства рядов. Признаки сравнения. Признак Даламбера. Признак Коши. Интегральный признак сходимости. Знакопеременные ряды. Знакопередающиеся ряды. Признак Лейбница. Абсолютная сходимость ряда, условная сходимость ряда. Степенные ряды. Интервал сходимости степенного ряда. Свойства степенных рядов внутри интервала сходимости. Разложение функций в степенные ряды. Приближённые вычисления с помощью</p> |

| | | |
|---------------------------|---|---|
| | <p>8. Достаточный признак равномерной сходимости ряда (признак Вейерштрасса). 9. Непрерывность суммы ряда. Интегрирование и дифференцирование рядов. 10. Степенные ряды. Интервал сходимости степенного ряда. Свойства степенных рядов внутри интервала сходимости. Отыскание интервала сходимости. 11. Разложение функций в степенные ряды. Ряды Тейлора и Маклорена. 12. Необходимое и достаточное условие разложимости функции в ряд Тейлора. 13. Применение рядов к приближённым вычислениям. Практическая часть – задача. Критерии оценки: 10 баллов - приведены чёткие и правильные формулировки определений, указанных в вопросе билета коллоквиума; приведена верная последовательность всех шагов требуемых доказательств вопроса билета, задача решена верно. 7-9 баллов - приведены чёткие и правильные формулировки определений, указанных в вопросе билета; приведена верная последовательность всех шагов требуемых доказательств вопроса билета; допустимы негрубые ошибки в рассуждениях доказательства или решения задачи. 4-6 баллов - приведены чёткие и правильные формулировки определений и теорем, указанных в вопросе билета коллоквиума, в решении задачи допущены негрубые ошибки. 0-3 балла - приведены нечёткие или неправильные формулировки определений и теорем, указанных в вопросе билета коллоквиума, задача решена неверно.</p> | <p>функциональных рядов. Образовательные результаты. знать: основные понятия теории числовых рядов, основные признаки сходимости числовых рядов, этапы исследования числовых рядов на сходимость с помощью достаточных признаков сходимости, этапы нахождения области сходимости степенных рядов; уметь: определять порядок действий при исследовании рядов на сходимость; работать с теоретическим материалом по теме задачи; пользоваться математической символикой и терминологией при решении задач и доказательстве теорем; владеть: навыком выбора целесообразного метода исследования рядов на сходимость.</p> |
| <p>Контрольная работа</p> | <p>Примеры заданий. Контрольная работа состоит из 7 заданий на исследование на сходимость числового ряда. Критерии оценки: Каждое задание оценивается максимум 4 баллами. 4 балла – верно выбран признак сходимости, верно проведены рассуждения, соответствующие выбранному признаку, верно сделан вывод о сходимости ряда; 3 балла – верно указан признак сходимости, проведённые рассуждения, соответствующие выбранному признаку, содержат незначительную ошибку, верно сделан вывод о сходимости ряда; 2 балла – верно указан признак сходимости, верно проведены рассуждения, соответствующие выбранному признаку, неверно сделан вывод о сходимости ряда; 1 балл – верно указан признак сходимости, допущена ошибка при проведении рассуждений, соответствующих выбранному признаку и при выводе о сходимости ряда; 0 баллов – не выполнено ни одно из указанных условий.</p> | <p>Темы. Числовые ряды с положительными членами. Необходимое условие сходимости ряда. Признак сравнения сходимости ряда. Предельный признак сравнения сходимости ряда. Признак Даламбера. Признак Коши. Интегральный признак. Знакопеременный ряд. Признак Лейбница. Образовательные результаты. знать: основные понятия теории числовых рядов, основные признаки сходимости числовых рядов, этапы исследования числовых рядов на сходимость с помощью достаточных признаков сходимости; уметь: определять порядок действий при исследовании рядов на сходимость; работать с теоретическим материалом по теме задачи; пользоваться математической символикой и терминологией при решении задач и</p> |

| | | |
|--|---|---|
| | | доказательстве теорем; владеть: навыком выбора целесообразного метода исследования рядов на сходимость. |
| Тест «Числовые и функциональные ряды» | Примеры заданий. Тест содержит 10 вопросов по темам «Числовые ряды» и «Степенные ряды». Критерий оценки: каждый правильный ответ оценивается 1 баллом. | Темы. Понятие ряда. Понятие частичной суммы ряда, суммы ряда. Сходимость ряда. Необходимый признак сходимости. Свойства рядов. Признаки сравнения. Признак Даламбера. Признак Коши. Интегральный признак сходимости. Знакопеременные ряды. Знакочередующиеся ряды. Признак Лейбница. Абсолютная сходимость ряда, условная сходимость ряда. Степенные ряды. Интервал сходимости степенного ряда. Свойства степенных рядов внутри интервала сходимости. Разложение функций в степенные ряды. Приближённые вычисления с помощью функциональных рядов. Образовательные результаты. знать: основные понятия теории числовых рядов, основные признаки сходимости числовых рядов, этапы исследования числовых рядов на сходимость с помощью достаточных признаков сходимости, этапы нахождения области сходимости степенных рядов; уметь: определять порядок действий при исследовании рядов на сходимость; работать с теоретическим материалом по теме задачи; пользоваться математической символикой и терминологией при решении задач и доказательстве теорем; владеть: навыком выбора целесообразного метода исследования рядов на сходимость. |
| Промежуточный контроль (кол-во баллов) | 56 | 100 |
| Промежуточная аттестация | Представлены в фонде оценочных средств для промежуточной аттестации по дисциплине | |

Направление подготовки: 44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки)
 Направленность (профиль): «Математика и Физика»
 Рабочая программа дисциплины «Математический анализ»
 Балльно-рейтинговая карта дисциплины «Математический анализ»

Курс 3 Семестр 5

| Вид контроля | | Минимальное количество баллов | Максимальное количество баллов |
|---|--|-------------------------------|--------------------------------|
| Раздел 1. «Функции многих переменных» | | | |
| Текущий контроль по разделу: | | | |
| 1. | Аудиторная работа: | | |
| | Самостоятельная работа № 1 «Область существования функции нескольких переменных» | 3 | 5 |
| | Самостоятельная работа № 2 «Частные производные функции нескольких переменных» | 2 | 5 |
| Контрольное мероприятие по разделу: | | | |
| | Коллоквиум | 6 | 10 |
| | Контрольная работа | 17 | 28 |
| Промежуточный контроль | | 28 | 48 |
| Раздел 2. «Кратные и криволинейные интегралы» | | | |
| Текущий контроль по разделу: | | | |
| 1. | Аудиторная работа: | | |
| | Самостоятельная работа № 1 «Площадь плоской фигуры» | 3 | 5 |
| | Самостоятельная работа № 2 «Криволинейные интегралы» | 6 | 10 |
| 2. | Самостоятельная работа (специальные обязательные формы) – выполнение домашних заданий. | 0 | 5 |
| Контрольное мероприятие по разделу: | | | |
| | Коллоквиум | 6 | 10 |
| | Контрольная работа | 13 | 22 |
| Промежуточный контроль | | 28 | 52 |
| Промежуточная аттестация | | | |
| Итого: | | 56 | 100 |

| Вид контроля | Перечень или примеры заданий, критерии оценки и количество баллов | Темы для изучения и образовательные результаты |
|--|---|--|
| Текущий контроль по разделу «Функции многих переменных» | | |
| Аудиторная работа | | |
| Самостоятельная работа № 1 «Область существования функции двух переменных» | <p>Примеры заданий. Найти, построить и охарактеризовать область существования функции двух переменных.</p> <p>Критерии оценки:</p> <p>5 баллов - 1. верно определён класс заданной функции, 2. верно выписаны все соотношения, задающие область определения функции, 3. верно решены неравенства, задающие область определения функции, 4. верно изображена область определения; 5. верно охарактеризована область определения функции.</p> <p>1 – 4 балла – верно выполнено соответствующее количество пунктов из критерия на 5 баллов.</p> <p>0 баллов – не выполнено ни одно из пяти указанных условий.</p> | <p>Темы. Функция двух переменных. Основные теоретико-множественные понятия. Область существования функции двух переменных. Образовательные результаты.</p> <p>знать: основные теоретико-множественные понятия, основные понятия теории функции многих переменных, этапы нахождения области существования функции многих переменных;</p> <p>уметь: работать с теоретическим материалом по теме задачи; пользоваться математической символикой и терминологией; определять порядок действий при нахождении области определения функции двух переменных;</p> <p>владеть: целесообразными методами нахождения области определения функции двух переменных.</p> |
| Самостоятельная работа № 2 «Частные производные функции двух переменных» | <p>Примеры заданий. Найти частные производные первого и второго порядков функции двух переменных.</p> <p>Критерии оценки:</p> <p>5 баллов - верно найдены все частные производные первого и второго порядков, 4 балла – верно найдены частные производные первого порядка и две частные производные второго порядка 3 балла – верно найдены частные производные первого порядка и одна частная производная второго порядка 2 балла – верно найдены частные производные первого порядка 1 балл – верно найдена одна частная производная первого порядка. 0 баллов – не выполнено ни одно из пяти указанных условий.</p> | <p>Темы. Функция двух переменных. Частные производные функции двух переменных. Производные высших порядков. Образовательные результаты.</p> <p>знать: правила нахождения частных производных функции многих переменных;</p> <p>уметь: работать с теоретическим материалом по теме задачи; пользоваться математической символикой и терминологией; определять порядок действий при нахождении частных производных функции двух переменных;</p> <p>владеть: целесообразными методами нахождения частных производных первого и второго порядков функции двух переменных.</p> |
| Контрольное мероприятие по разделу | | |
| Коллоквиум | Примерная программа коллоквиума | Темы. Понятие n-мерного пространства. |

| | | |
|--------------------|---|--|
| | <p>1. Основные понятия и определения теории множеств. N-мерное евклидово пространство. Предельные, внутренние, граничные точки множества. Открытое, замкнутое, ограниченное множество. Область.</p> <p>2. Понятие функции n переменных. Область существования функции нескольких переменных.</p> <p>3. Предел и непрерывность функции нескольких переменных.</p> <p>4. Частные производные функции нескольких переменных. Частные производные высших порядков. Дифференцируемая функция.</p> <p>5. Необходимое условие дифференцируемости функции.</p> <p>6. Достаточное условие дифференцируемости функции.</p> <p>7. Дифференциал функции двух переменных. Применение дифференциала к приближённым вычислениям.</p> <p>8. Инвариантность формы дифференциала. Дифференциалы высших порядков.</p> <p>9. Производная сложной функции нескольких переменных.</p> <p>10. Неявная функция одной переменной. Теорема о существовании неявной функции одной переменной.</p> <p>11. Неявная функция двух переменных. Теорема о существовании неявной функции двух переменных.</p> <p>12. Экстремумы функции двух переменных. Необходимое условие существования экстремума. Достаточное условие существования экстремума.</p> <p>13. Наибольшее и наименьшее значения функции двух переменных.</p> <p>Практика: задача по одной из вышеуказанных тем.</p> <p>Критерии оценки:</p> <p>10 баллов - приведены чёткие и правильные формулировки определений, указанных в вопросе билета коллоквиума; приведена верная последовательность всех шагов требуемых доказательств вопроса билета, задача решена верно.</p> <p>7-9 баллов - приведены чёткие и правильные формулировки определений, указанных в вопросе билета; приведена верная последовательность всех шагов требуемых доказательств вопроса билета; допустимы негрубые ошибки в рассуждениях доказательства или решения задачи.</p> <p>4-6 баллов - приведены чёткие и правильные формулировки определений и теорем, указанных в вопросе билета коллоквиума, в решении задачи допущены негрубые ошибки.</p> <p>0-3 балла - приведены нечёткие или неправильные формулировки определений и теорем, указанных в вопросе билета коллоквиума, задача решена неверно.</p> | <p>Предельные, внутренние, граничные точки множества. Открытые замкнутые, ограниченные, связанные множества, область. Классификация функций нескольких переменных, основные свойства. Пределы основных функций в точке. Непрерывность функции нескольких переменных в точке и на множестве. Частные производные функций нескольких переменных, производная сложной функции. Дифференциал функции нескольких переменных. Неинвариантность формы дифференциала. Экстремум функции двух переменных. Наибольшее и наименьшее значение функции нескольких переменных. Теорема существования неявной функции одной переменной, теорема существования неявной функции двух переменных.</p> <p>Образовательные результаты.</p> <p>знать: основные понятия теории функции многих переменных, этапы решения основных задач по разделу «Функции многих переменных»;</p> <p>уметь: работать с теоретическим материалом; пользоваться математической символикой и терминологией; определять порядок действий при решении задач;</p> <p>владеть: целесообразными методами решения основных задач по разделу «Функции многих переменных».</p> |
| Контрольная работа | <p>Примеры заданий.</p> <p>Контрольная работа состоит из 4 заданий:</p> <p>1. Найти частные производные первого порядка сложной функции двух переменных.</p> | <p>Темы. Функция двух переменных. Частные производные функции первого и второго порядков. Производная сложной функции.</p> |

| | | |
|--|---|--|
| | <p>2. Доказать, что функция удовлетворяет соотношению, содержащему частные производные.</p> <p>3. Определить, задаёт ли уравнение неявную функцию в окрестности точки, и найти производную этой функции.</p> <p>4. Найти наибольшее и наименьшее значения функции двух переменных в замкнутой области.</p> <p>Критерий оценивания.</p> <p>Первое задание оценивается максимум 6 баллами.</p> <p>6 баллов – верно найдены частные производные заданной функции по промежуточным переменным, верно найдены частные производные промежуточных функций по независимым переменным, верно найдены частные производные заданной функции по независимым переменным с использованием соответствующих формул;</p> <p>4-5 баллов – допущена одна ошибка при вычислении частных производных заданной функции по промежуточным переменным или при нахождении производных промежуточных функций по независимым переменным;</p> <p>2-3 балла – допущено 2 ошибки при вычислении частных производных заданной функции по промежуточным переменным или при нахождении производных промежуточных функций по независимым переменным;</p> <p>1 балл – верно найдена только одна из частных производных, требуемых для формулы вычисления частной производной заданной функции.</p> <p>0 баллов – не выполнено ни одно из указанных условий.</p> <p>Второе задание оценивается максимум 6 баллами.</p> <p>6 баллов – верно найдены требуемые в соотношении производные, верно найденные значения подставлены в заданное соотношение, верно проведены преобразования, получено верное равенство, сделан верный вывод;</p> <p>4-5 баллов – верно найдены требуемые в соотношении производные, верно найденные значения подставлены в заданное соотношение, допущена ошибка при проведении преобразований и/или сделан неверный вывод;</p> <p>1-3 балла – допущены ошибки при вычислении требуемых в соотношении производных или при проведении преобразований;</p> <p>0 баллов – не выполнено ни одно из указанных условий.</p> <p>Третье задание оценивается максимум 6 баллами</p> <p>6 баллов – правильно проверены условия теоремы существования неявной функции, сделан верный вывод о существовании неявной функции, верно найдена производная функции, заданной неявно;</p> <p>4-5 баллов – допущена ошибка при проверке условий теоремы существования неявной функции;</p> | <p>Неявные функции одной и двух переменных.</p> <p>Наибольшее и наименьшее значения функции двух переменных в замкнутой области.</p> <p>Образовательные результаты.</p> <p>знать: основные понятия теории функции многих переменных, этапы решения основных задач по разделу «Функции многих переменных»;</p> <p>уметь: работать с теоретическим материалом; пользоваться математической символикой и терминологией; определять порядок действий при решении задач на нахождение частных производных, определение неявной функции, наибольшее и наименьшее значение функции в замкнутой ограниченной области;</p> <p>владеть: целесообразными методами решения основных задач по разделу «Функции многих переменных»: на нахождение частных производных, определение неявной функции, наибольшее и наименьшее значение функции в замкнутой ограниченной области;</p> |
|--|---|--|

| | | |
|---|--|---|
| | <p>1-3 балла – допущены ошибки при проверке условий теоремы существования неявной функции или в формуле производной неявной функции; 0 баллов – не выполнено ни одно из указанных условий. Четвёртое задание оценивается максимум 10 баллами 10 баллов – 1. верно определён тип функции; 2. верно определена и изображена область, в которой требуется провести исследование на наибольшее и наименьшее значения; 3. сделан вывод о наличии наибольшего и наименьшего значений заданной функции; 4. верно найдены частные производные заданной функции; 5. верно найдены критические точки; 6. верно отобраны точки для дальнейшего исследования; 7. верно проведено исследование на наибольшее и наименьшее значения в отобранных точках; 8-9. верно проведено исследование на наибольшее и наименьшее значения функции на границе области; 10. сделан верный вывод о наибольшем и наименьшем значениях функции в заданной области. 1 – 9 баллов – верно выполнено соответствующее количество пунктов из критерия на 10 баллов. 0 баллов – не выполнено ни одно из указанных условий.</p> | |
| Промежуточный контроль (кол-во баллов) | 28 | 48 |
| Текущий контроль по разделу «Кратные и криволинейные интегралы» | | |
| Аудиторная работа | | |
| Самостоятельная работа № 1 «Площадь плоской фигуры» | <p>Примеры заданий. Найти площадь фигуры, ограниченной линиями Критерий оценки: 5 баллов – 1. верно изображена фигура, площадь которой нужно найти, 2. верно указаны границы фигуры и их расположение, 3. верно определён тип области интегрирования и записан переход от двойного интеграла к повторному, 4. верно вычислен внутренний интеграл, 5. верно вычислен итоговый (определённый) интеграл 1-4 балла – верно выполнено соответствующее количество пунктов из критерия на 5 баллов.</p> | <p>Темы. Двойные интегралы. Нормальные области первого и второго типов. Вычисление двойных интегралов по прямоугольным и нормальным областям. Вычисление площади плоской фигуры посредством двойного интеграла. Образовательные результаты. знать: основные понятия теории двойных интегралов, этапы нахождения площади плоской фигуры с использованием двойных интегралов;</p> |

| | | |
|---|--|--|
| | <p>0 баллов – не выполнено ни одно из указанных условий.</p> | <p>уметь: работать с теоретическим материалом; пользоваться математической символикой и терминологией; определять порядок действий при нахождении площади плоской фигуры с использованием двойных интегралов; владеть: целесообразными методами нахождения площади плоской фигуры с использованием двойных интегралов.</p> |
| <p>Самостоятельная работа № 2 «Криволинейные интегралы»</p> | <p>Контрольная работа состоит из двух задач на отыскание криволинейных интеграла. Задача оценивается максимум в 5 баллов Критерий оценки. 1. верно записано уравнение кривой, по которой происходит интегрирование; 2-3. верно выполнен рисунок; 4-5. верно записано подынтегральное выражение в зависимости от способа задания кривой; 6-7. верно осуществлён переход от криволинейного интеграла к определённомu интегралу; 8-9. верно вычислен интеграл; 10. верно записан ответ</p> | <p>Темы. Криволинейные интегралы первого рода. Вычисление криволинейных интегралов первого рода в зависимости от задания кривой. Криволинейные интегралы второго рода. Вычисление криволинейных интегралов второго рода в зависимости от задания кривой. Образовательные результаты. знать: основные понятия теории криволинейных интегралов, этапы нахождения криволинейных интегралов в зависимости от способа задания кривой; уметь: работать с теоретическим материалом; пользоваться математической символикой и терминологией; определять порядок действий при нахождении криволинейных интегралов; владеть: целесообразными методами нахождения криволинейных интегралов.</p> |
| <p>Самостоятельная работа (обяз.) – выполнение домашних заданий</p> | <p>Критерий оценки: количество баллов пропорционально количеству домашних заданий, максимальное количество баллов – 3. 3 балла – в домашних заданиях верно выполнены все задачи; 1-2 балла – отсутствует часть заданий, или при решении задач допущены ошибки. 0 баллов – не выполнены указанные выше условия. За несвоевременное предоставление домашних заданий баллы снижаются.</p> | <p>Темы. Двойные интегралы. Нормальные области первого и второго типов. Вычисление двойных интегралов по прямоугольным и нормальным областям. Вычисление площади плоской фигуры посредством двойного интеграла. Криволинейные интегралы первого рода. Вычисление криволинейных интегралов первого рода в зависимости от задания кривой. Криволинейные интегралы второго рода. Вычисление криволинейных интегралов второго рода в зависимости от задания кривой. Образовательные результаты: знать: основные понятия теории двойных и</p> |

| | | |
|------------------------------------|--|--|
| | | <p>криволинейных интегралов, этапы нахождения двойных и криволинейных интегралов, этапы решения прикладных задач, решаемых с использованием двойных и криволинейных интегралов;</p> <p>уметь: работать с теоретическим материалом; пользоваться математической символикой и терминологией; определять порядок действий при решении задач;</p> <p>владеть: целесообразными методами решения задач по темам «Двойные интегралы» и «Криволинейные интегралы»</p> |
| Контрольное мероприятие по разделу | | |
| Коллоквиум | <p>Примерная программа коллоквиума</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. Понятие двойного интеграла. Существование двойных интегралов и их свойства. 2. Вычисление двойных интегралов по прямоугольным областям. Теорема о вычислении двойного интеграла по прямоугольной области. 3. Понятие нормальных областей первого и второго типа. Теоремы о вычислении двойного интеграла по нормальной области первого и второго типа. 4. Геометрические приложения двойных интегралов. 5. Механические приложения двойных интегралов. 6. Понятие криволинейного интеграла первого рода. Теорема существования криволинейного интеграла первого рода. Вычисление криволинейного интеграла первого рода в зависимости от способа задания уравнения кривой Γ. 7. Понятие криволинейного интеграла второго рода. Свойства криволинейного интеграла второго рода. Теорема существования криволинейного интеграла второго рода. 8. Криволинейный интеграл по замкнутому контуру. Формула Грина. 9. Независимость криволинейного интеграла второго рода от пути интегрирования. Криволинейный интеграл как функция точки. Теорема об эквивалентности четырех предложений. <p>Практическая часть – задача.</p> <p>Критерии оценки:</p> <p>10 баллов - приведены чёткие и правильные формулировки определений, указанных в вопросе билета коллоквиума; приведена верная последовательность всех шагов требуемых доказательств вопроса билета, задача решена верно.</p> | <p>Темы. Двойные интегралы. Вычисление интегралов по нормальным областям. Геометрические приложения двойных интегралов. Механические приложения двойных интегралов. Криволинейные интегралы первого рода. Вычисление криволинейных интегралов первого рода в зависимости от задания кривой. Криволинейные интегралы второго рода. Вычисление криволинейных интегралов второго рода в зависимости от задания кривой. Образовательные результаты.</p> <p>знать: основные понятия теории двойных и криволинейных интегралов, этапы нахождения двойных и криволинейных интегралов, этапы решения прикладных задач, решаемых с использованием двойных и криволинейных интегралов;</p> <p>уметь: работать с теоретическим материалом; пользоваться математической символикой и терминологией; определять порядок действий при решении задач;</p> <p>владеть: целесообразными методами решения задач по темам «Двойные интегралы» и</p> |

| | | |
|--|---|---|
| | <p>7-9 баллов - приведены чёткие и правильные формулировки определений, указанных в вопросе билета; приведена верная последовательность всех шагов требуемых доказательств вопроса билета; допустимы негрубые ошибки в рассуждениях доказательства или решения задачи.</p> <p>4-6 баллов - приведены чёткие и правильные формулировки определений и теорем, указанных в вопросе билета коллоквиума, в решении задачи допущены негрубые ошибки.</p> <p>0-3 балла - приведены нечёткие или неправильные формулировки определений и теорем, указанных в вопросе билета коллоквиума, задача решена неверно.</p> | «Криволинейные интегралы» |
| Контрольная работа | <p>Контрольная работа состоит из двух заданий:</p> <p>1. Изменение порядка интегрирования в повторном интеграле;</p> <p>2. Вычисление криволинейного интеграла</p> <p>Критерий оценки контрольной работы:</p> <p>1 задание оценивается максимум в 10 баллов</p> <p>10 баллов:</p> <ol style="list-style-type: none"> записана формула перехода от повторного интеграла к двойному; верно определены линии, ограничивающие область интегрирования; верно указано, с какой стороны, и какая линия ограничивает область интегрирования; верно определён тип области интегрирования; верно построены границы области; верно заштрихована область интегрирования; верно определено, является ли область нормальной областью другого типа или объединением областей другого типа; верно записаны уравнения границ области в соответствии с типом области; верно указан порядок границ области в соответствии с типом области; верно записан переход от двойного интеграла к повторному. <p>на отыскание криволинейных интегралов.</p> <p>2 задание оценивается максимум в 12 баллов</p> <p>Критерий оценки.</p> <ol style="list-style-type: none"> 2. верно записано уравнение кривой, по которой происходит интегрирование; 4. верно выполнен рисунок; 7. верно записано подынтегральное выражение в зависимости от способа задания кривой; 9. верно осуществлён переход от криволинейного интеграла к определённому интегралу; 11. верно вычислен интеграл; 12. верно записан ответ | <p>Темы. Двойные интегралы. Вычисление интегралов по нормальным областям. Вычисление криволинейных интегралов первого рода в зависимости от задания кривой. Вычисление криволинейных интегралов второго рода в зависимости от задания кривой.</p> <p>Образовательные результаты:</p> <p>знать: основные понятия теории двойных и криволинейных интегралов, этапы нахождения двойных и криволинейных интегралов, этапы решения прикладных задач, решаемых с использованием двойных и криволинейных интегралов;</p> <p>уметь: работать с теоретическим материалом; пользоваться математической символикой и терминологией; определять порядок действий при решении задач;</p> <p>владеть: целесообразными методами решения задач по темам «Двойные интегралы» и «Криволинейные интегралы»</p> |
| Промежуточный контроль (кол-во баллов) | 28 | 52 |
| Промежуточная аттестация | Представлены в фонде оценочных средств для промежуточной аттестации по дисциплине | |